



Univerzitet u Beogradu – Građevinski fakultet

[www.grf.bg.ac.rs](http://www.grf.bg.ac.rs)

---

Studijski program: **Građevinarstvo**

Modul: **MTI, HVEI, PŽA**

Godina/Semestar: **III godina / V semestar**

Naziv predmeta (šifra): **Betonske konstrukcije 1**  
**(b2s3bk, b2h3bk, b2m3bk, b1s3bk)**

Nastavnik: **Ivan Ignjatović**

Naslov predavanja: **Materijali**

Datum : **07.10.2022.**

---

Beograd, 2020.

Sva autorska prava autora prezentacije i/ili video snimaka su zaštićena. Snimak ili prezentacija se mogu koristiti samo za nastavu na daljinu studenta Građevinskog fakulteta Univerziteta u Beogradu u školskoj 2020/2021 i ne mogu se koristiti za druge svrhe bez pismene saglasnosti autora materijala.

# Sadržaj

- Uvod – Predavanje br.1
- Osnove proračuna - Predavanje br.1
- Svojstva materijala - Predavanje br.2
- ULS-Savijanje
- ULS-Smicanje
- ULS-Stabilnost
- SLS-Ugibi, prsline
- Monolitne, polumontažne i montažne međuspratne konstrukcije
- Ramovske konstrukcije
- Temelji i potporni zidovi
- Prethodno napregnuti beton



# Beton

Prema zapreminskoj masi, betoni se dele na:

- betone normalne težine, sa zapreminskom masom od 2000-2600 kg/m<sup>3</sup>;
- lake betone, sa zapreminskom masom manjom od 2000 kg/m<sup>3</sup>;
- teške betone, sa zapreminskom masom većom od 2600 kg/m<sup>3</sup>.

Za **konvencionalne betone normalne težine** se u proračunu može usvojiti da je zapreminska masa jednaka 2400 kg/m<sup>3</sup> za nearmirani beton, odnosno 2500 kg/m<sup>3</sup> za armirani beton. U ovom trenutku ne postoje opšte prihvaćeni stavovi o konstitutivnim jednačinama i trajnosti **zelenih betona**, pa se njihova primena mora zasnovati na ekspertskoj proceni, na osnovu sastava zelenog betona u konkretnom slučaju.



# Beton

**Mehaničke karakteristike** betona su:

- čvrstoće, određuju otpornost prema spoljašnjim silama,
- deformacijske karakteristike, određuju promene dimenzija i oblika elemenata usled dejstva spoljašnjih sila, temperature i skupljanja.

Beton je **viskoelastoplastičan materijal** i sve njegove mehaničke karakteristike bitno zavise od trajanja delovanja spoljašnjih uticaja, odnosno od **starosti betona**, pod kojom se podrazumeva vreme koje protekne od trenutka ugrađivanja betona.

**Fizičke osobine**, koje određuju otpornost betona prema uticajima sredine,su:

- propustljivost za vodu i gasove,
- difuzija vode i gasova,
- kapilarno upijanje.



# Čvrstoće betona

## ***Čvrstoća betona pri pritisku $f_c$***

Osnovna mehanička karakteristika betona koja zavisi od niza faktora, a najviše od sastava betona, vrste i količine cementa, kvaliteta ugrađivanja, oblika, dimenzija i starosti posmatranog uzorka.

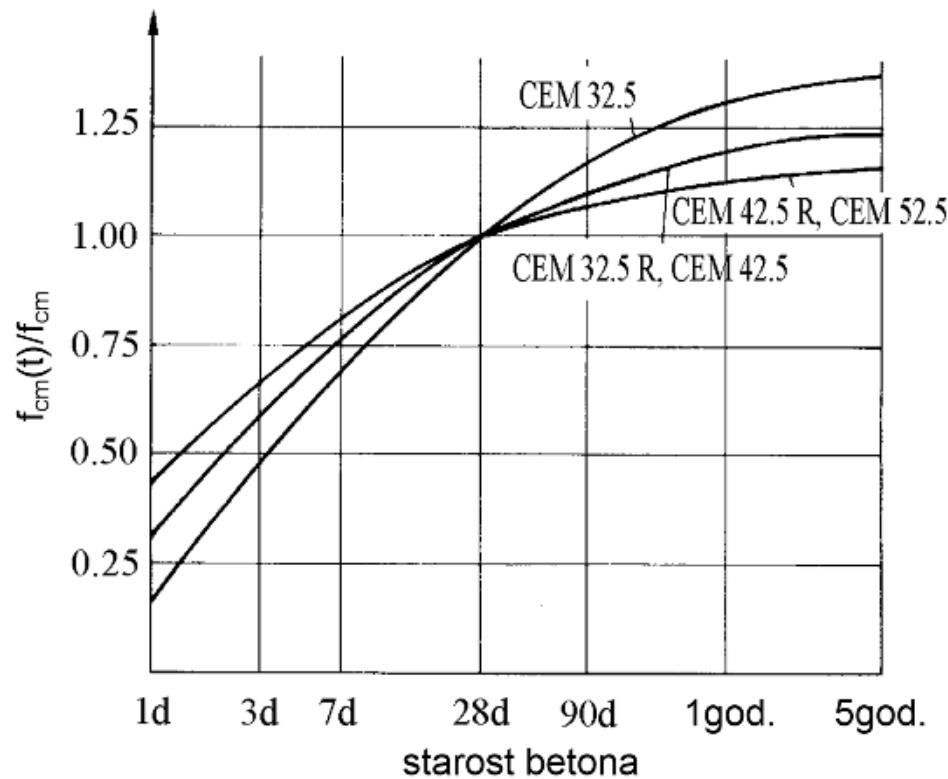
Određuje se ispitivanjem probnih tela jednoaksijalnim pritiskom do loma.

***Klasa betona (C)*** se definiše na osnovu čvrstoće betona pri pritisku  $f_c$  koja se određuje na probnim telima propisanog oblika i dimenzija, negovanih na propisan način i u propisanoj starosti. To je donja karakteristična vrednost sa propisanim fraktilom. Zavisi od standarda.



# Čvrstoće betona

Čvrstoća betona pri pritisku raste sa starošću betona.



Razvoj čvrstoće betona pri pritisku kroz vreme



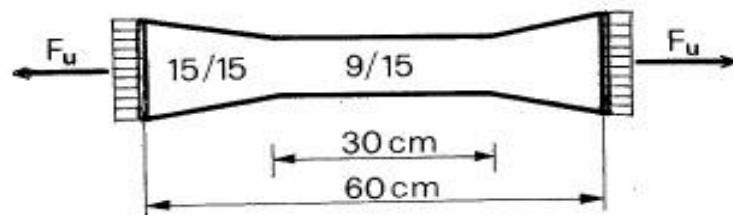
# Čvrstoće betona

## Čvrstoća betona pri zatezanju $f_{ct}$

Čvrstoća betona pri zatezanju  $f_{ct}$  je znatno manja od odgovarajuće čvrstoće pri pritisku i kreće se u granicama:

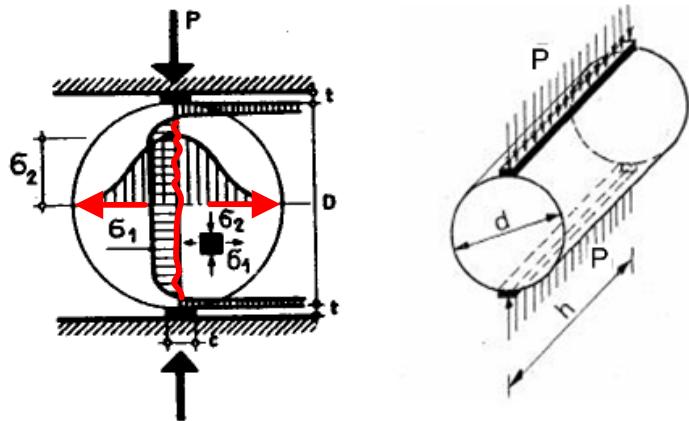
$$f_{ct} \approx (0.05 - 0.10)f_c$$

- (1) Čvrstoća betona pri aksijalnom zatezanju  $f_{ct}$  odgovara najvećem naponu dostignutom pri aksijalnom zatezanju. Određuje se ispitivanjem betonskih probnih tela pri direktnom čistom zatezanju:



# Čvrstoće betona

(2) Zbog jednostavnijeg eksperimenta, češće se koristi **Brazilski opit** – pritisak do loma na cilindrični uzorak po suprotnim izvodnicama (umesto cilindra, može se koristiti i kocka ili prizma, izložena linijskom pritisku po sredini naspramnih stranica) – ovako dobijena čvrstoća se naziva **čvrstoća betona pri zatezanju cepanjem**  $f_{ct,sp}$ .



$$f_{ct,sp} = \frac{20}{\pi} \frac{P}{dh}$$

P (kN); d,h (cm)



# Čvrstoće betona

Veza između srednje vrednosti čvrstoće pri aksijalnom zatezanju  $f_{ctm}$  i srednje vrednosti čvrstoće pri zatezanju dobijene cepanjem  $f_{ctm,sp}$ :

$$f_{ctm} = \alpha_{sp} f_{ctm,sp} \quad \alpha_{sp} = 0.67 - 1.10$$

Prema MC 2010 može se usvojiti da je  $\alpha_{sp}=1.0$ .

Prema EC2:  $f_{ct} = 0.9 f_{ct,sp}$

U nedostatku rezultata eksperimentalnih ispitivanja (MC 2010):

$$f_{ctm} = 0.3(f_{ck})^{2/3} \quad \text{za betone klase } \leq C50$$

$$f_{ctm} = 2.12 \ln(1 + 0.1(f_{ck} + \Delta f)) \quad \text{za betone klase } > C50$$

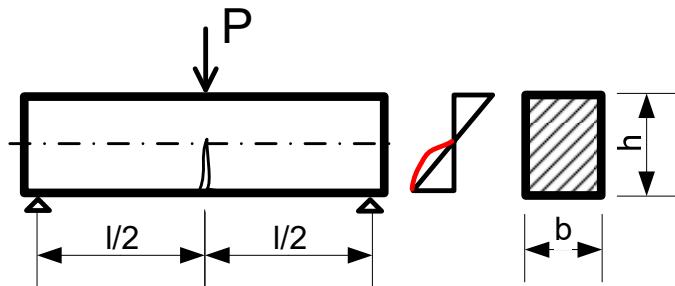
$f_{ck}$   
 $\Delta f$

karakteristična čvrstoća betona pri pritisku (MPa)  
= 8 MPa



# Čvrstoće betona

(3) Čvrstoća betona pri zatezanju savijanjem  $f_{ct,fl}$  se određuje na betonskim prizmama dimenzija poprečnog preseka  $12 \times 12 \times 36$  cm ili  $20 \times 20 \times 60$  cm, koje se izlažu savijanju koncentrisanom silom u sredini raspona.



$$f_{ct,fl} = \frac{6M}{bh^2} = \frac{3Pl}{2bh^2}$$



# Čvrstoće betona

Veza između srednje vrednosti čvrstoće pri aksijalnom zatezanju  $f_{ctm}$  i srednje vrednosti čvrstoće pri zatezanju savijanjem  $f_{ctm,fl}$ :

$$f_{ctm} = \alpha_{fl} f_{ctm,fl}$$

$f_{ctm,fl}$  srednja vrednost čvrstoće betona  
pri zatezanju savijanjem

$$\alpha_{fl} = \frac{0.06h_b^{0.7}}{1 + 0.06h_b^{0.7}} \quad (\text{MC 2010})$$

$h_b$  visina grede u mm

za betone klase  $\leq$  C50, približno:

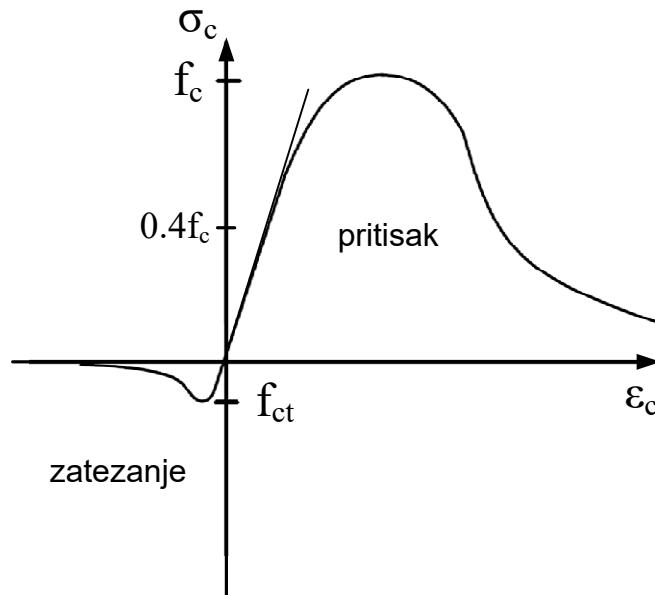
$f_{ck,cube}$	15cm
$f_{ck,cyl}$	$\approx 0.8f_{ck,cube}$ (15x30)cm
$f_{ctm}$	$\approx 0.08f_{ck,cube}$
$f_{ctm,sp}$	$\approx 0.08f_{ck,cube}$
$f_{ctm,fl}$	$\approx 0.16f_{ck,cube}$



# Deformacijske karakteristike

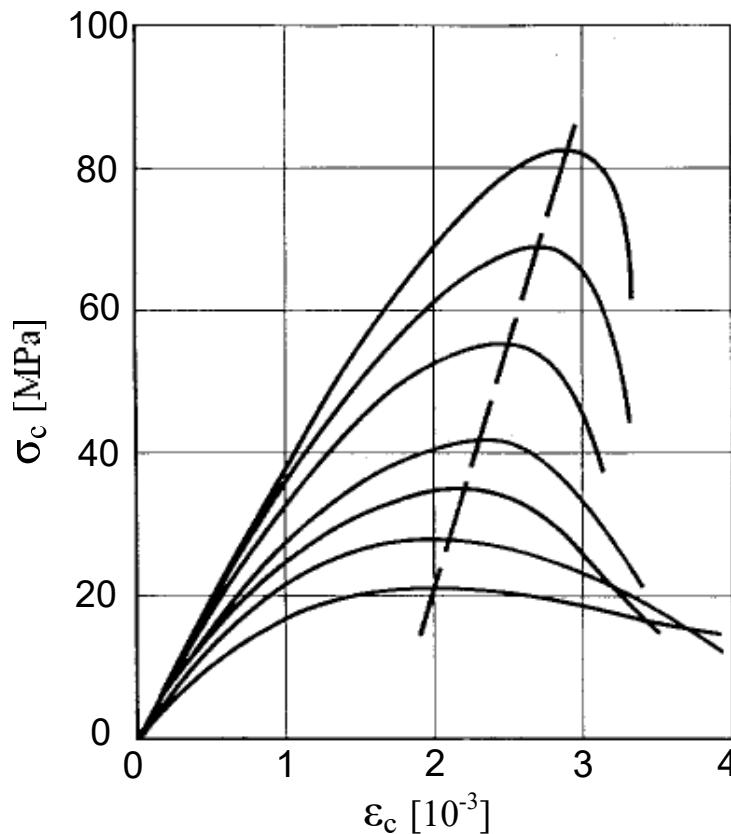
## **KRATKOTRAJNO OPTEREĆENJE**

Veza između napona i dilatacija betona pri kratkotrajnom jednoaksijalnom pritisku i zatezanju  **$\sigma_c - \varepsilon_c$  dijagram** :



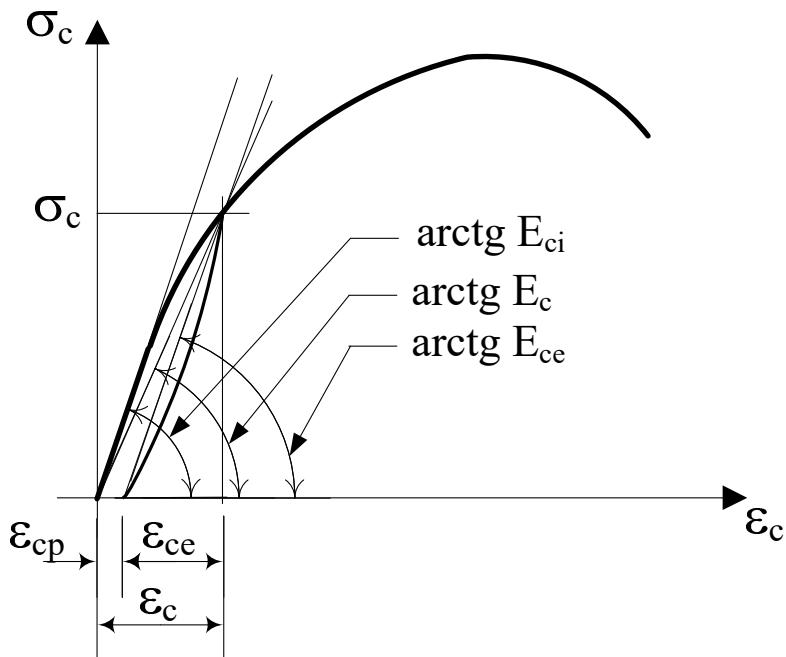
# Deformacijske karakteristike

$\sigma_c - \varepsilon_c$  dijagram zavisi od kvaliteta betona.



# Deformacijske karakteristike

**Modul elastičnosti betona  $E_{ce}$**  je odnos napona i elastične, povratne deformacije betona pri kratkotraјnom opterećenju i rasterećenju.



$$E_{ce} = \frac{\sigma_c}{\varepsilon_{ce}} \approx E_{ci}$$

$$E_{ci} = E_{c0} \alpha_E \left( \frac{f_{cm}}{10} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$E_{ci}$  modul elastičnosti betona u starosti od 28 dana (MPa)  
 $E_{c0} = 21.5 \times 10^3$  MPa

$\alpha_E$  koeficijent koji zavisi od vrste agregata; za kvarcni agregat 1.0, a za bazaltne, krečnjake i peščare iznosi 1.2, 0.9 i 0.7, respektivno

$f_{cm}$  srednja vrednost čvrstoće betona pri pritisku u starosti od 28 dana (MPa)

Modul elastičnosti betona raste sa starošću betona.



# Deformacijske karakteristike

*Modul elastičnosti betona  $E_{ce}$*  je odnos napona i elastične, povratne deformacije betona pri kratkotraјnom opterećenju i rasterećenju.

$$E_{ce} = \frac{\sigma_c}{\epsilon_{ce}} \approx E_{ci}$$

$$E_{ci} = E_{c0} \alpha_E \left( \frac{f_{cm}}{10} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$E_{ci}$  modul elastičnosti betona u starosti od 28 dana (MPa)

$E_{c0} = 21.5 \times 10^3$  MPa

$\alpha_E$  koeficijent koji zavisi od vrste agregata; za kvarcni agregat 1.0, a za bazaltne, krečnjake i peščare iznosi 1.2, 0.9 i 0.7, respektivno

$f_{cm}$  srednja vrednost čvrstoće betona pri pritisku u starosti od 28 dana (MPa)

Modul elastičnosti betona raste sa starošću betona.



# Deformacijske karakteristike

## **DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE**

Vremenske deformacije betona su skupljanje betona i tečenje betona.

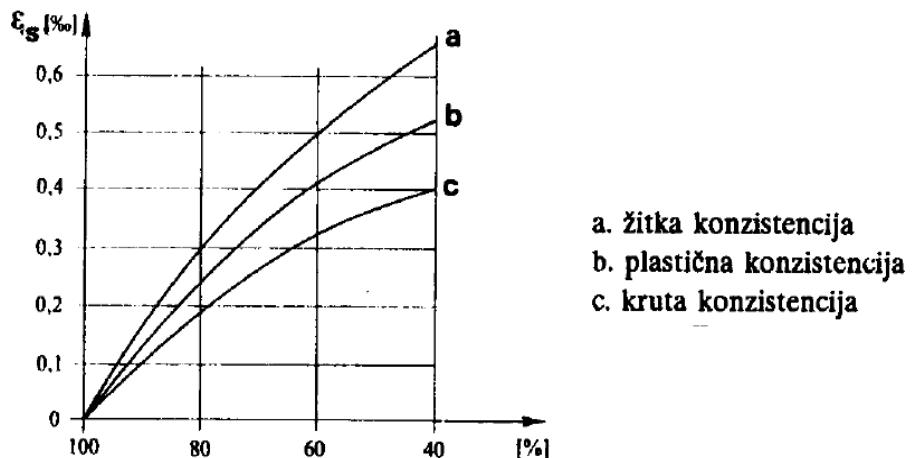
*Skupljanje betona* je smanjenje dimenzija neopterećenih betonskih elemenata u toku procesa očvršćavanja. Do smanjivanja dimenzija dolazi pri očvršćavanju na vazduhu, dok se u vodi ili sredini zasićenoj vlagom zapremina elemenata ne menja pa čak može i da se poveća (bubrenje betona). Skupljanje je rezultat smanjenja zapremine koje nastaje usled promena u sadržaju slobodne, hemijski nevezane vode u mikro i makro porama u strukturi betona, odnosno promene vlažnosti cementnog tela u toku procesa hidratacije. Dilatacije skupljanja se u konstantnim uslovima sredine u toku vremena monotono povećavaju i smatra se da asimptotski teže konačnoj vrednosti



# Deformacijske karakteristike

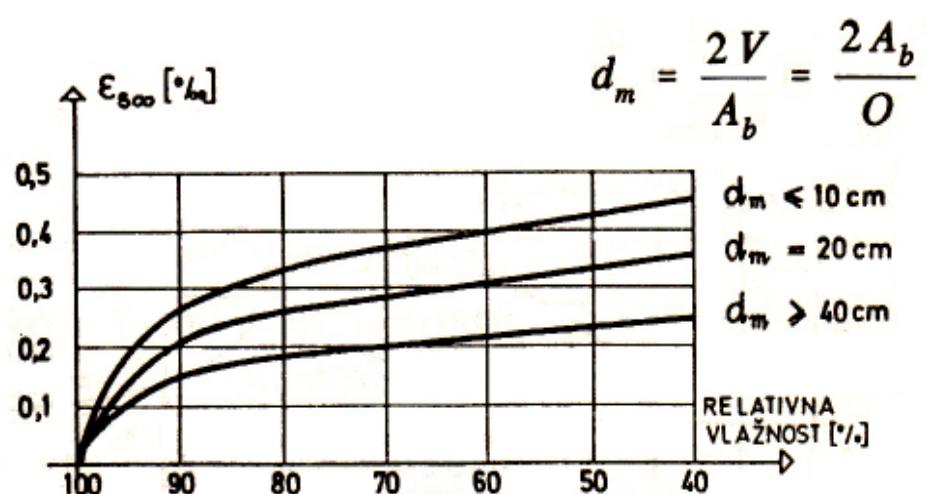
- Na veličinu skupljanja utiče niz faktora:

1. Vrsta i količina cementa
2. Vodocementni faktor
3. Vlažnost sredine
4. Temperatura sredine
5. Dimenzije elementa



a. žitka konzistencija  
b. plastična konzistencija  
c. kruta konzistencija

U AB elementima se javljaju naponi zatezanja usled toga što je **slobodna deformacija usled skupljanja uvek sprečena**, zbog prisustva armature (čelik se ne skuplja) i drugih veza na osloncima i na konturi elemenata.



# Deformacijske karakteristike

## **DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE**

**Tečenje betona** je pojava da se u toku vremena, pri dugotrajnom dejstvu opterećenja, povećavaju inicijalne deformacije betona koje nastaju u trenutku opterećenja. U toku vremena dilatacija tečenja monotono raste, u početku brže a zatim sve sporije, i smatra se da asimptotski teže nekoj konačnoj vrednosti

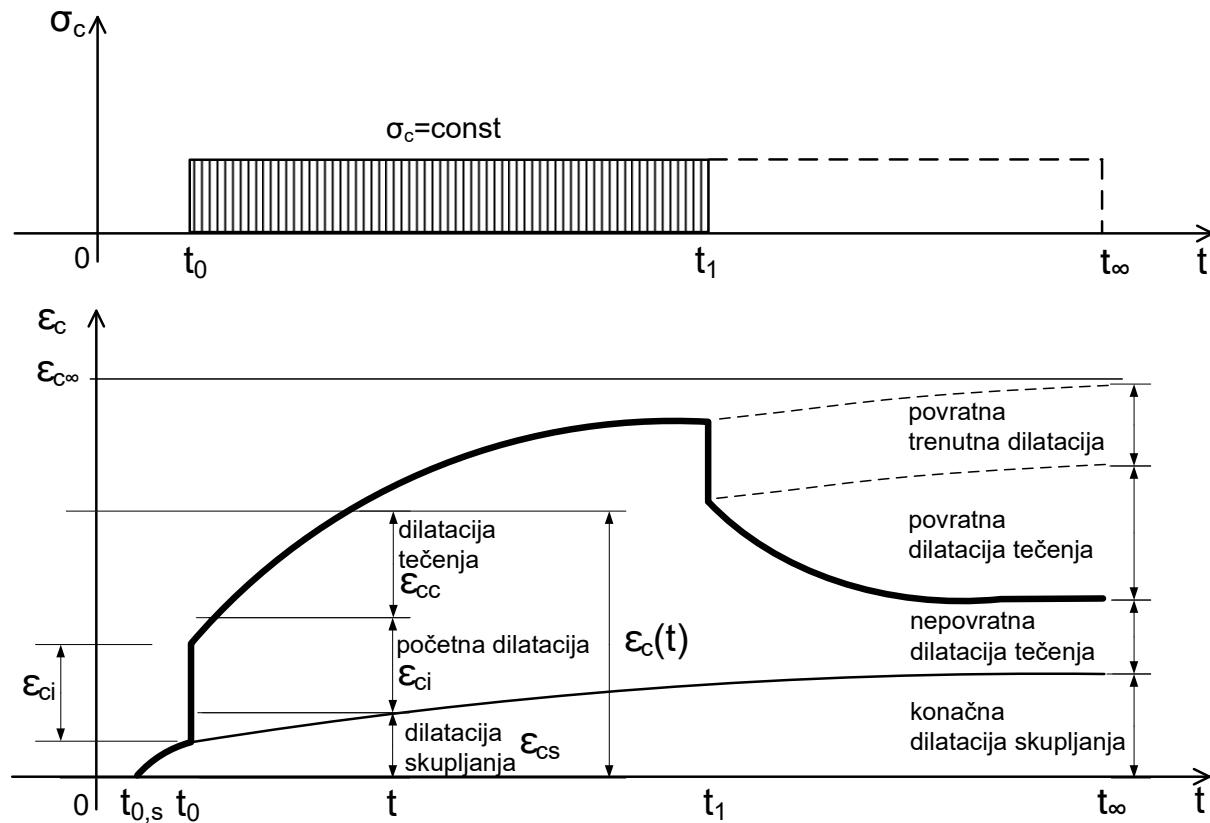
Dilatacije tečenja zavise od **naponu**. Sve do napona u betonu jednakog  $(0.3-0.4)f_c$ , a to praktično odgovara najvećim naponima pri eksplotacionom opterećenju, dilatacije tečenja su dovoljno tačno proporcionalne naponima.

Na krajnju vrednost i vremenski tok dilatacija tečenja bitno utiče starost betona u trenutku opterećenja!



# Deformacijske karakteristike

## DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE



Viskoelastoplastičan materijal sa izraženom osobinom starenja



# Deformacijske karakteristike

## **DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE**

Početna dilatacija betona:

$$\varepsilon_{ci}(t_0) = \sigma_c(t_0) / E_{ci}(t_0)$$

$E_{ci}(t_0)$  modul elastičnosti betona u starosti betona  $t_0$

Dilatacija tečenja betona (linearno tečenje,  $\sigma_c \leq 0.4 f_{cm}(t_0)$  ) :

$$\varepsilon_{cc}(t, t_0) = \frac{\sigma_c(t_0)}{E_{ci}} \varphi(t, t_0)$$

$\varphi(t, t_0)$  koeficijent tečenja

$E_{ci}$  modul elastičnosti betona u starosti od 28 dana

Ukoliko je beton opterećen u starosti od 28 dana ( $t_0=28$  dana),  
**koeficijent tečenja** predstavlja odnos između dilatacije tečenja i  
početne, trenutne dilatacije betona.



# EC2 - beton

## Čvrstoća na pritisak, čvrstoća na zatezanje i modul elastičnosti betona

EC2 se oslanja na standard **ENV 206** kada su u pitanju tehnološki aspekti betona kao i svi testovi za utvrđivanje karakteristika betona.

Betoni se razvrstavaju u **klase čvrstoće (C)** prema karakterističnoj čvrstoći pri pritisku  $f_{ck}$ , koja se određuje na probnom telu oblika cilindra, dimenzija 15x30 cm, u starosti od 28 dana (5% fraktil), ili prema ekvivalentnoj čvrstoći kocke  $f_{ck,cube}$  dimenzija 15x15 cm.

$$f_{ck} \approx 0.8 f_{ck,cube}$$

Najveća klasa čvrstoće betona je **C 90/105**.



# EC2 -beton

## Čvrstoća na pritisak, čvrstoća na zatezanje i modul elastičnosti betona

Klase čvrstoće betona (C)															Analitička relacija	
1	$f_{ck}$ (MPa)	12	16	20	25	30	35	40	45	50	55	60	70	80	90	
2	$f_{ck,cube}$ (MPa)	15	20	25	30	37	45	50	55	60	67	75	85	95	105	
3	$f_{cm}$ (MPa)	20	24	28	33	38	43	48	53	58	63	68	78	88	98	$f_{cm} = f_{ck} + 8 \text{ (MPa)}$
4	$f_{ctm}$ (MPa)	1.6	1.9	2.2	2.6	2.9	3.2	3.5	3.8	4.1	4.2	4.4	4.6	4.8	5.0	$f_{ctm} = 0.3f_{ck}^{2/3}, \leq C50/60$ $f_{ctm} = 2.12 \ln(1 + f_{cm}/10) > C50/60$
5	$f_{ctk,0.05}$ (MPa)	1.1	1.3	15	1.8	2.0	2.2	2.5	2.7	2.9	3.0	3.1	3.2	3.4	3.5	$f_{ctk,0.05} = 0.7f_{ctm}$ 5% fraktil
6	$f_{ctk,0.95}$ (MPa)	2.0	2.5	2.9	3.3	3.8	4.2	4.6	4.9	5.3	5.5	5.7	6.0	6.3	6.6	$f_{ctk,0.95} = 1.3f_{ctm}$ 95% fraktil
7	$E_{cm}$ (GPa)	27	29	30	31	32	34	35	36	37	38	39	41	42	44	$E_{cm} = 22 \cdot 10^3 (f_{cm}/10)^{0.3}$ $f_{cm}$ (MPa)



# EC2 - beton

## Čvrstoća na pritisak, čvrstoća na zatezanje i modul elastičnosti betona

Razvoj čvrstoće betona pri pritisku kroz vreme prema već datom izrazu.

Veza između čvrstoće betona pri zatezaju i pri pritisku prema već datom izrazu.

Veza između raznih čvrstoća betona pri zatezaju:

$$f_{ct} = 0.9 f_{ct,sp}$$

$$f_{ctm,fl} = \max \left\{ \left( 1.6 - \frac{h}{100} \right) f_{ctm}; f_{ctm} \right\}$$

h

visina porečnog preseka elementa u mm;

$f_{ctm}$

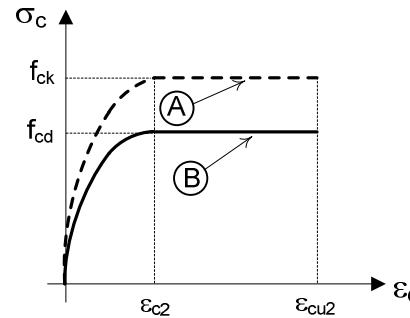
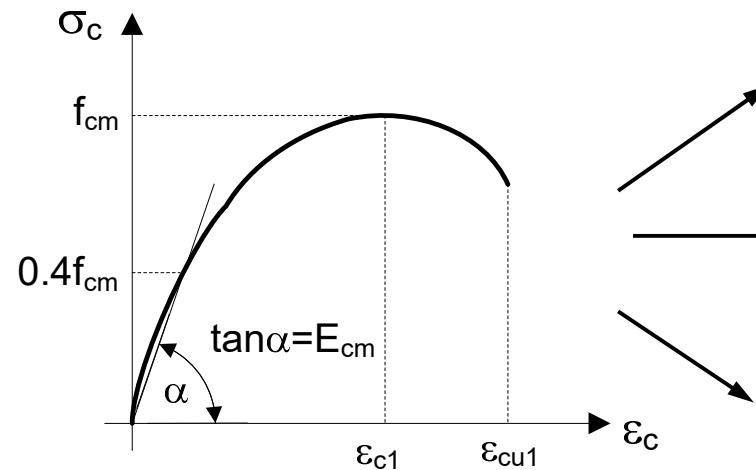
srednja vrednost jednoaksijalne čvrstoće na zatezanje prema tabeli.



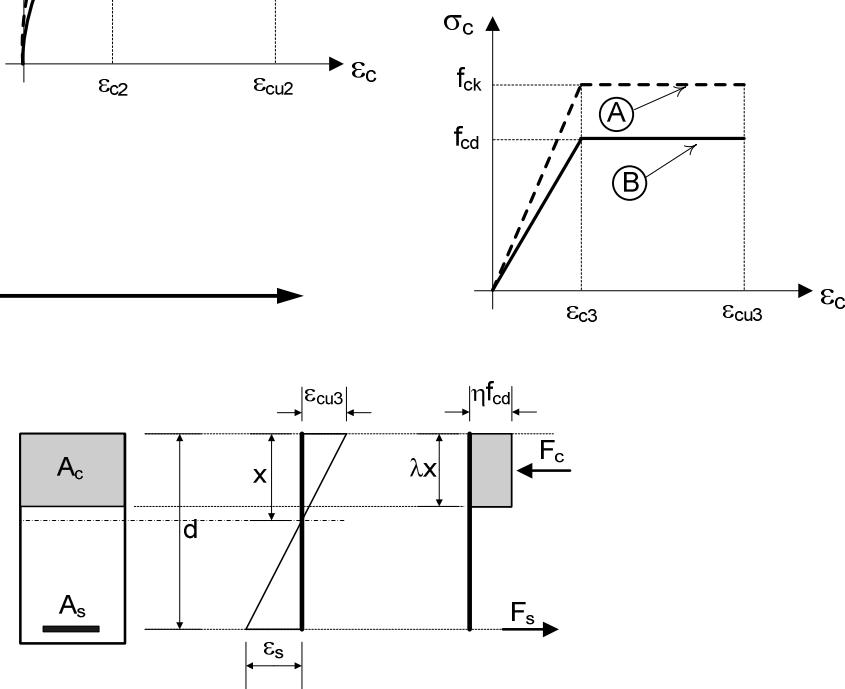
# EC2 - beton

## Dijagram napon - dilatacija

Za analizu poprečnih preseka mogu se koristiti:

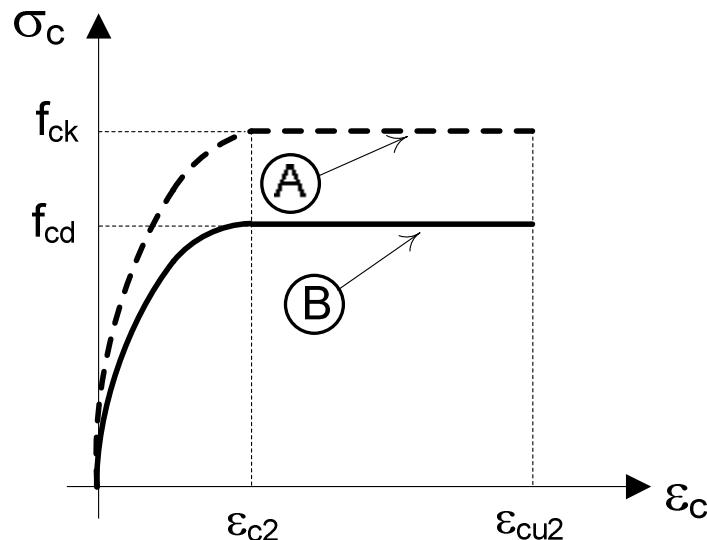


(A) idealizovan dijagram  
(B) proračunski dijagram



# EC2 - beton

## Dijagram napon - dilatacija



- (A) idealizovan dijagram
- (B) proračunski dijagram

(1) Veza parabola-prava

$$\sigma_c = f_{cd} \left[ 1 - \left( 1 - \frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{c2}} \right)^n \right] \quad \text{za } 0 \leq \varepsilon_c \leq \varepsilon_{c2}$$

$$\sigma_c = f_{cd} \quad \text{za } \varepsilon_{c2} \leq \varepsilon_c \leq \varepsilon_{cu2}$$

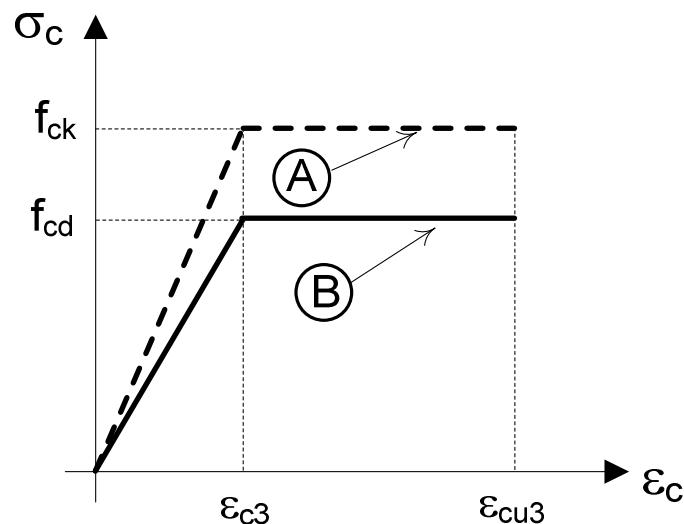
$f_{cd}$  proračunska čvrstoća pri pritisku,  $= \alpha_{cc} f_{ck} / \gamma_c$

$\alpha_{cc}$	koeficijent kojim se uvodi uticaj dužine trajanja opterećenja na čvrstoću, iznosi 0.85 prema Nacionalnom aneksu,
$n$	ekspONENT, prema tabeli,
$\varepsilon_{c2}$	dilatacija koja odgovara maksimalnom naponu, prema tabeli,
$\varepsilon_{cu2}$	granična dilatacija, prema tabeli.



# EC2 - beton

## Dijagram napon - dilatacija



(2) Bilinearan dijagram

$f_{cd}$  proračunska čvrstoća pri pritisku,  $=\alpha_{cc} f_{ck}/\gamma_c$ ,  
 $\alpha_{cc}$  koeficijent kojim se uvodi uticaj dužine  
trajanja opterećenja na čvrstoću, iznosi  
0.85 prema Nacionalnom aneksu,  
 $\varepsilon_{c3}$  dilatacija koja odgovara maksimalnom  
naponu, prema tabeli,  
 $\varepsilon_{cu3}$  granična dilatacija, prema tabeli.

(A) idealizovan dijagram

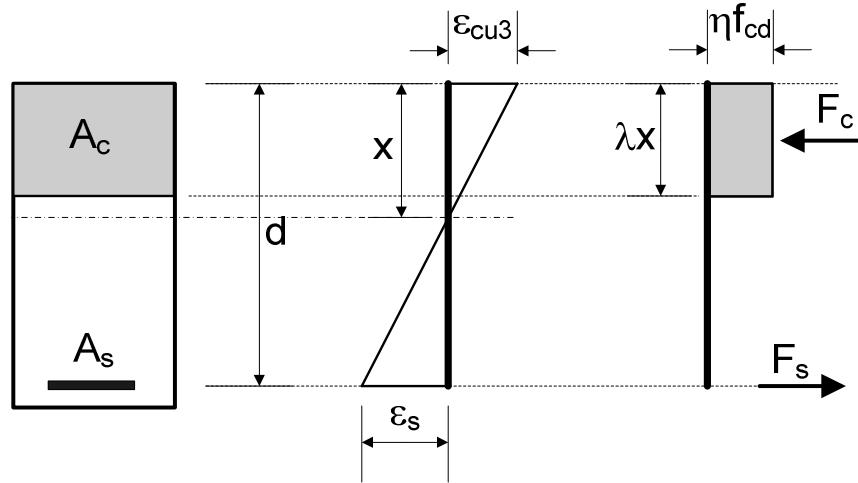
(B) proračunski dijagram



# EC2 - beton

## Dijagram napon - dilatacija

### (3) Idealizovan pravougaoni blok



Faktor  $\lambda$  koji definiše efektivnu visinu pritisnute zone:

$$\lambda = 0.8 \quad \text{za } f_{ck} \leq 50 \text{ MPa}$$

$$\lambda = 0.8 - (f_{ck} - 50) / 400$$

za  $50 < f_{ck} \leq 90 \text{ MPa}$

Faktor  $\eta$  koji definiše efektivnu čvrstoću:

$$\eta = 1.0 \quad \text{za } f_{ck} \leq 50 \text{ MPa}$$

$$\eta = 1.0 - (f_{ck} - 50) / 200$$

za  $50 < f_{ck} \leq 90 \text{ MPa}$



# EC2 - beton

## Dijagram napon - dilatacija

Osnovne karakteristike  $\sigma$ - $\epsilon$  dijagrama betona prema EC2

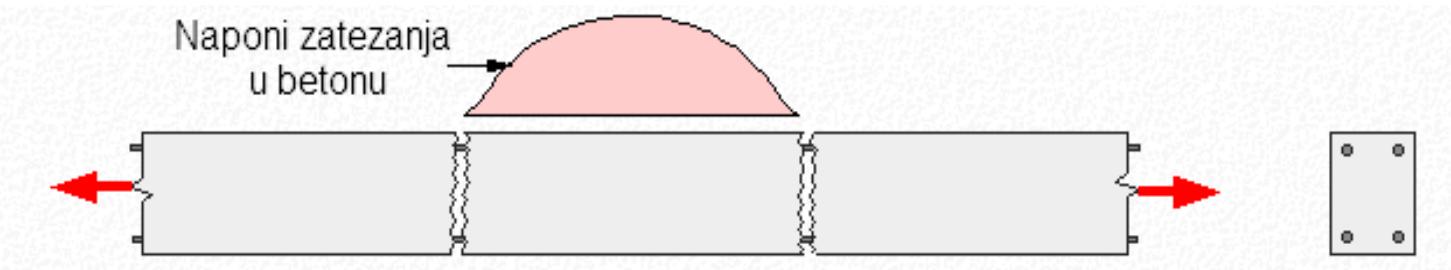
Klase čvrstoće betona															Analitička relacija	
1	$f_{ck}$ (MPa)	12	16	20	25	30	35	40	45	50	55	60	70	80	90	
2	$\varepsilon_{cl}$ (%)	1.8	1.9	2.0	2.1	2.2	2.2	2.3	2.4	2.4	2.5	2.6	2.7	2.8	2.9	$\varepsilon_{cl}(\%) = 0.7f_{cm}^{0.31} < 2.8$
3	$\varepsilon_{cu1}$ (%)	3.5								3.2	3.0	2.8	2.8	2.8		$\text{za } f_{ck} \geq 50 \text{ MPa}$ $\varepsilon_{cu1}(\%) = 2.8 + 27[(98 - f_{cm})/100]^4$
4	$\varepsilon_{c2}$ (%)	2.0								2.2	2.3	2.4	2.5	2.6		$\text{za } f_{ck} \geq 50 \text{ MPa}$ $\varepsilon_{c2}(\%) = 2.0 + 0.085(f_{ck} - 50)^{0.53}$
5	$\varepsilon_{cu2}$ (%)	3.5								3.1	2.9	2.7	2.6	2.6		$\text{za } f_{ck} \geq 50 \text{ MPa}$ $\varepsilon_{cu2}(\%) = 2.6 + 35[(90 - f_{ck})/100]^4$
6	n	2.0								1.75	1.6	1.45	1.4	1.4		$\text{za } f_{ck} \geq 50 \text{ MPa}$ $\eta = 1.4 + 23.4[(90 - f_{ck})/100]^4$
7	$\varepsilon_{c3}$ (%)	1.75								1.8	1.9	2.0	2.2	2.3		$\text{za } f_{ck} \geq 50 \text{ MPa}$ $\varepsilon_{c3}(\%) = 1.75 + 0.55[(f_{ck} - 50)/40]$
8	$\varepsilon_{cu3}$ (%)	3.5								3.1	2.9	2.7	2.6	2.6		$\text{za } f_{ck} \geq 50 \text{ MPa}$ $\varepsilon_{cu3}(\%) = 2.6 + 35[(90 - f_{ck})/100]^4$



# Čelik

## **ČELIK ZA ARMIRANI BETON**

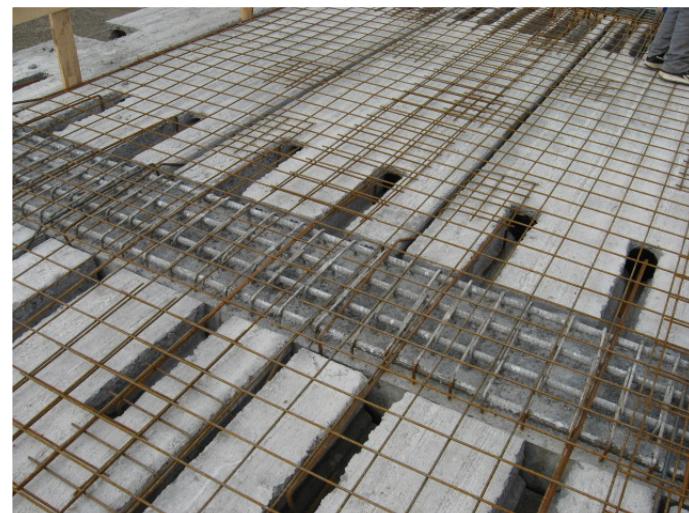
- Beton je materijal koji dobro prihvata napone pritiska, ali jako slabo prihvata napone zatezanja
- Armatura se postavlja u betonskim elementima da:
  - Prihvati napone zatezanja koji se javljaju u armiranobetonskim elementima
  - Ograniči širinu prslina koje se mogu javiti u elementu na preporučene vrednosti
  - Obezbedi dodatnu nosivost na pritisak ako je to potrebno



# Čelik

## **ČELIK ZA ARMIRANI BETON**

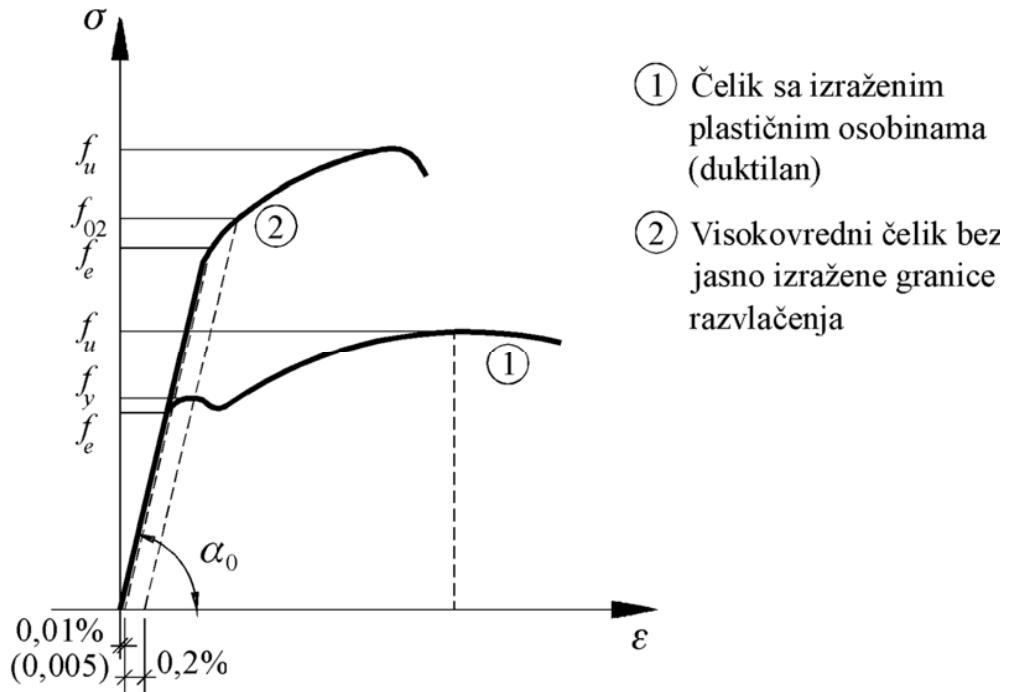
U AB konstrukcijama se koristi čelik u obliku šipki, žica i zavarenih mreža. Veličina se izražava nazivnim (nominalnim) prečnikom za šipke i žice, odnosno setom nominalnih prečnika za mreže, koje se dobijaju zavarivanjem šipki u dva ortogonalna pravca, na određenom razmaku. Površina šipki i žica može biti glatka (glatka armatura) ili orebrena (rebrasta armatura), ali se danas ne preporučuje upotreba glatke armature za konstrukcije, osim u okviru zavarenih mreža.



# Čelik

## ČELIK ZA ARMIRANI BETON

Mehaničke i deformacijske karakteristike čelika od interesa u proračunu betonskih konstrukcija su: čvrstoća pri zatezanju ( $f_t$ ), granica razvlačenja ( $f_y$ ), dilatacija pri maksimalnom naponu (čvrstoći na zatezanje)  $\epsilon_u$ , modul elastičnosti  $E_s$ .



- ① Čelik sa izraženim plastičnim osobinama (duktilan)
- ② Visokovredni čelik bez jasno izražene granice razvlačenja

Za napone veće od granice elastičnosti, **toplo valjani čelici** teku - imaju izraženu granicu razvlačenja  $f_y$ , i veoma su duktilni, odnosno imaju veliku dilataciju pri maksimalnom naponu – **dijagram 1.** **Hladno obrađeni čelici** imaju veće čvrstoće pri zatezanju, manju duktilnost i nemaju izraženu granicu razvlačenja – **dijagram 2.**



# EC2 - čelik

## **ČELIK ZA ARMIRANI BETON**

EC2 se oslanja na standard **EN10080** kada su u pitanju načini proizvodnje, klasifikacija proizvoda, metode testiranja itd. armature.

Odredbe EC2 se primenjuju samo na rebrastu armaturu i armaturu koja se može zavarivati, uključivo zavarene armaturne mreže i, prema Nacionalnom aneksu, za opseg granice razvlačenja  $f_{yk}=400$  do  $600$  MPa.

Karakteristična vrednost granice razvlačenja  $f_{yk}$  ili  $f_{0,2k}$  i karakteristična vrednost čvrstoće pri zatezanju  $f_{tk}$ , definisane su kao karakteristična vrednost sile na granici razvlačenja, odnosno kao karakteristična vrednost maksimalne sile pri direktnom aksijalnom zatezanju, podeljene sa nominalnom površinom poprečnog preseka.



# EC2 - čelik

Armatura mora imati adekvatnu duktilnost definisanu odnosom čvrstoće pri zatezanju i granice razvlačenja, ( $f_{tk} / f_{yk}$ ) i izduženjem koje odgovara maksimalnoj sili,  $\epsilon_{uk}$ . Prema EC2 postoji 3 klase duktilnosti za koje su definisane napred navedene veličine:

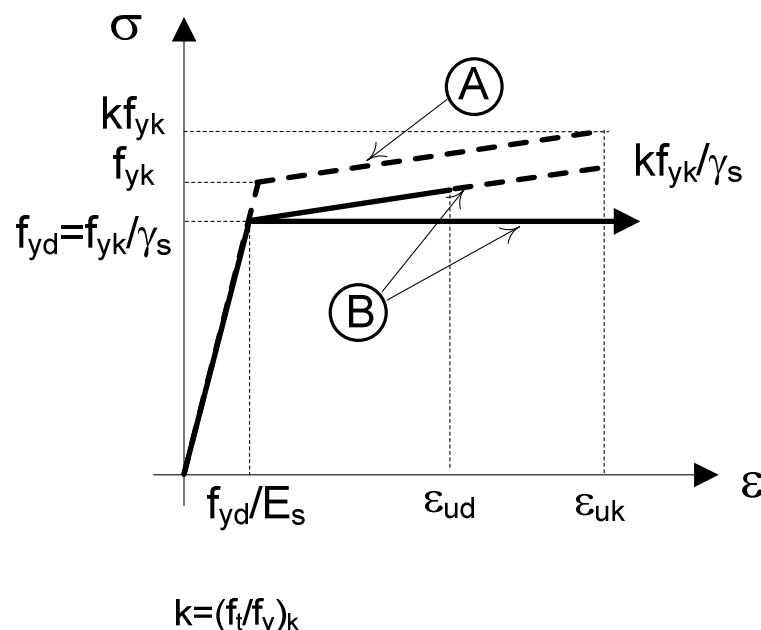
Vrsta proizvoda	Šipke			Mreže			Fraktil(%)
Klase	A	B	C	A	B	C	
$f_{y,k}$ ili $f_{0,2k}$ (MPa)	400 do 600			400 do 600			5
$\min k = (f_t / f_y)_k$	$\geq 1.05$	$\geq 1.08$	$\begin{matrix} \geq 1.15 \\ < 1.35 \end{matrix}$	$\geq 1.05$	$\geq 1.08$	$\begin{matrix} \geq 1.15 \\ < 1.35 \end{matrix}$	10
$\epsilon_{uk}$ (%)	$\geq 2.5$	$\geq 5.0$	$\geq 7.5$	$\geq 2.5$	$\geq 5.0$	$\geq 7.5$	10



# EC2 - čelik

## Dijagram napon - dilatacija

Za proračun se mogu koristiti dva idealizovana dijagrama napon-dilatacija:



- (A) idealizovan dijagram
- (B) proračunski dijagram

(1) Bilinearan dijagram sa kosom gornjom granom, sa ograničenom maksimalnom dilatacijom  $\epsilon_{ud}$  i maksimalnim naponom  $kf_{yk}/\gamma_s$ .

(2) Bilinearan dijagram sa horizontalnom gornjom granom, sa neograničenom dilatacijom.

Za  $\epsilon_{ud}$  se preporučuje vrednost  $0.9\epsilon_{uk}$  ( $\epsilon_{uk}$  i k su date u prethodnoj tabeli u zavisnosti od klase duktilnosti).

Za proračunsku vrednost  $E_s$  može da se usvoji 200 GPa.



# Rezime 2.predavanja

- BETON
  - Fizičko mehanička svojstva i primena u proračunima
  - Čvrstoća pri pritisku na različitim probnim telima; razvoj čvrstoće kroz vreme, oblik dijagrama dilatacija-napon
  - Čvrstoće zatezanju; odnosi između veličina čvrstoća
  - Modul elastičnosti
  - Reološka svojstva
    - Skupljanje
    - tečenje betona; koeficijent tečenje
  - Idealizovan i radni dijagrami betona: parabola-prava, bilinearni, blok dijagram
- ČELIK
  - Vrste armaturnog čelika
  - Oblik dijagrama dilatacija-napon
  - Idealizovan i radni dijagram