

PROJEKTOVANJE I GRAĐENJE BETONSKIH KONSTRUKCIJA 2

9

V.prof dr Branko Milosavljević, dipl.građ.inž.

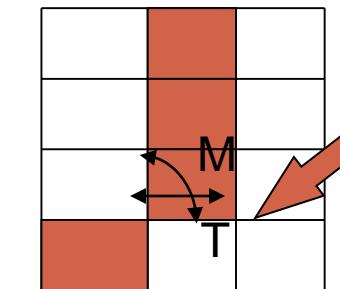


Principi projektovanja zgrada u seizmičkim oblastima

1. Veličina i raspored mase:

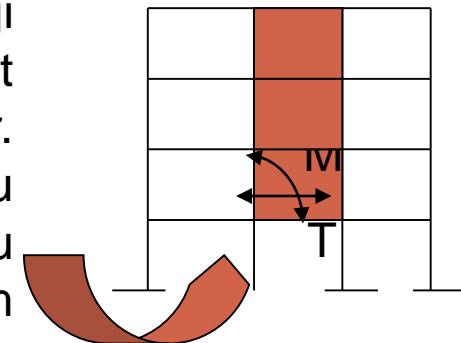
- težiti smanjenju mase, laki pregradni zidovi,
- izbaciti velike konzole i nepotrebne težine;
- veće mase koncentrisati na nižim etažama,

2. Eliminisati diskontinuitete krutosti po visini objekta



Problematičan
prenos smičice
sile T koja se
kroz elemente
tavanice iznad
prizemlja prenosi
na okolne zidove

Može nastupiti
preopterećenje
stubova kpoji
moment
savijanja od hor.
sila u zidu
prihvataju
spregom
vertikalnih sila



4. Osnova objekta: izbegavati zgrade razuđenih, nepravilnih i nesimetričnih osnova,
5. Kruta tavanica
 - zrade velike dužine su izložene nesinhronom oscilovanju i krutost tavanice u horizontalnoj ravni je pod znakom pitanja → seizmičke dilatacije,
 - veliki otvori u tavanicama kompromitiraju krutost tavanice u ravni
4. Nesimetrične zgrade – kod njih približne metode proračuna nemaju smisla; uticaj torzionog oscilovanja može biti veliki i nepredvidiv,
5. Visoke zgrade sa aneksima je bolje dilatirati zbog nagle promene krutosti, ali i zbog moguće torzije.

PRINCIPI OBLIKOVANJA ZGRADA

Temelji visokih objekata: problem globalne stabilnosti. Koncentrisana masa na vrhu: sistem „obrnutog klatna“ - uvesti proširenje temelja i postepen prirast mase

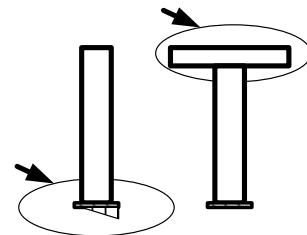
Nepovoljna nagla promena krutosti po visini – uvođenje sizmičke dilatacije

Nepovoljno oslanjanje vertikalnog elementa na gredu – sprovesti vertikalne elemente do temelja

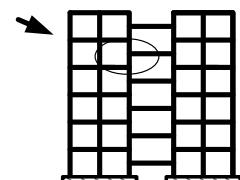
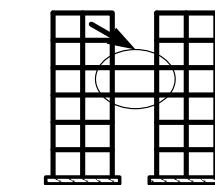
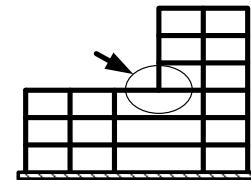
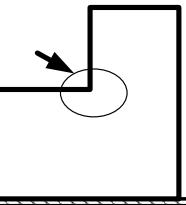
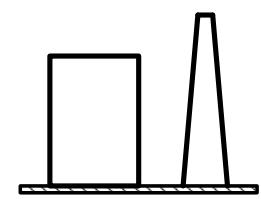
Nepovoljna koncentrisana kruta veza između dva dela konstrukcije – uvesti razglobljenu „plivajuću“ vezu

Nepovoljna veza između dva dela konstrukcije unutar spratne visine – uvesti veze na nivou međuspratnih tavanica

Nepovoljno



Povoljnije

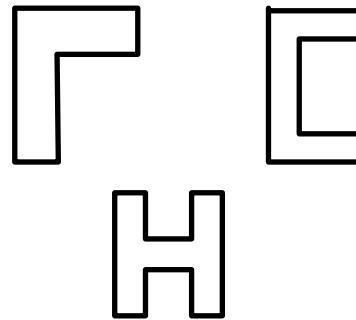


Nepovoljni efekat razuđenih osnova

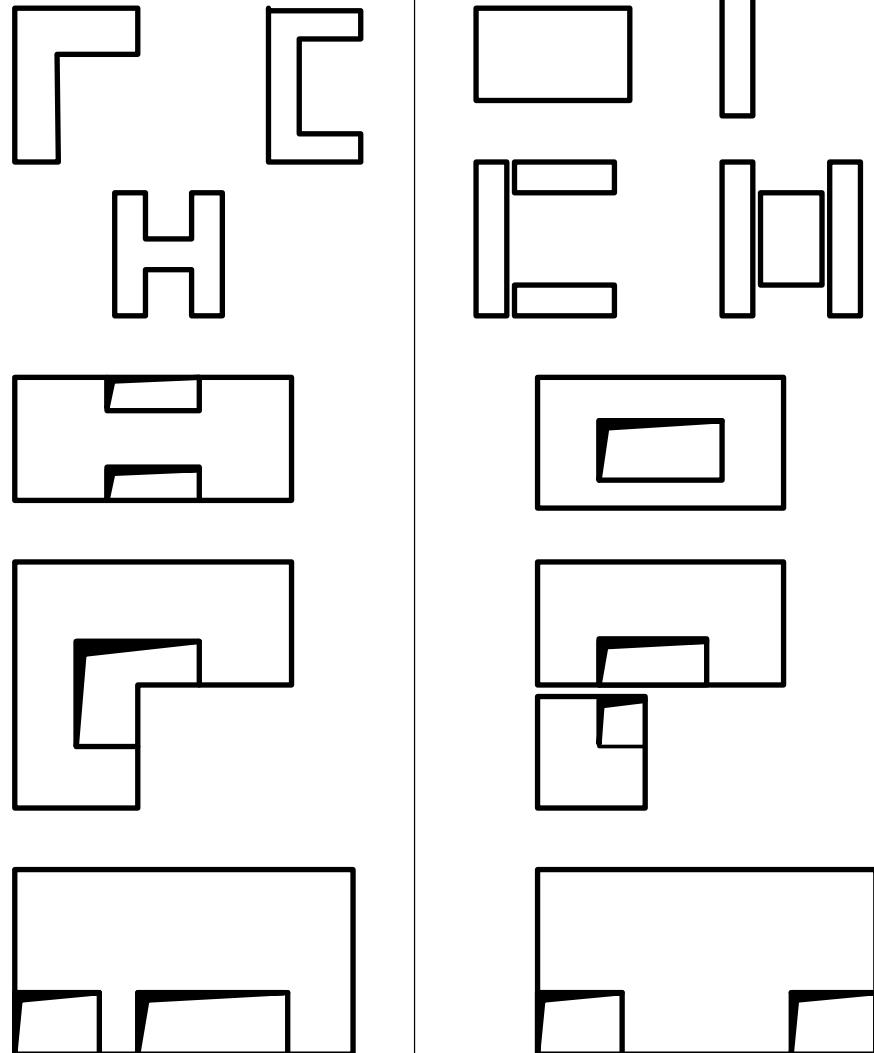
Izbegavati osnove oblika L, C, H, I, E ili X

Izbegavati osnove konkavnog oblika, težiti ka konveksnim oblicima osnova ili uvesti seizmičku dilataciju u osnovi

Nepovoljno



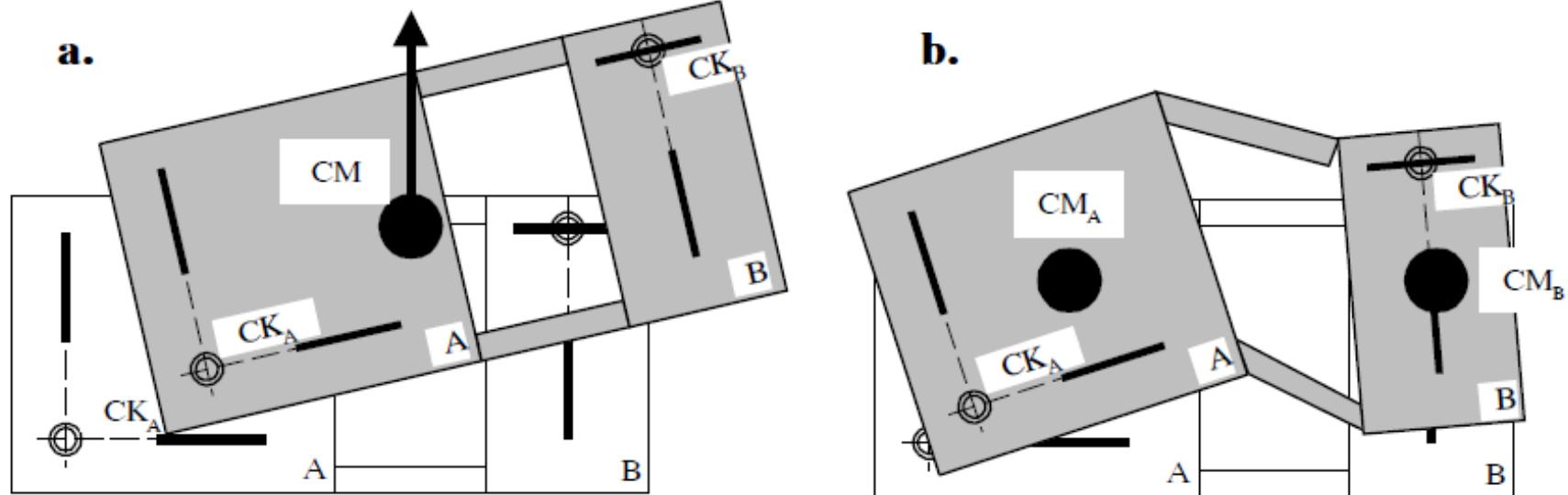
Povoljnije



Krutost tavanica

Pretpostavka da su međuspratne konstrukcije krute u svojoj ravni (krute "šajbne" ili "diskovi") može biti kompromitovana

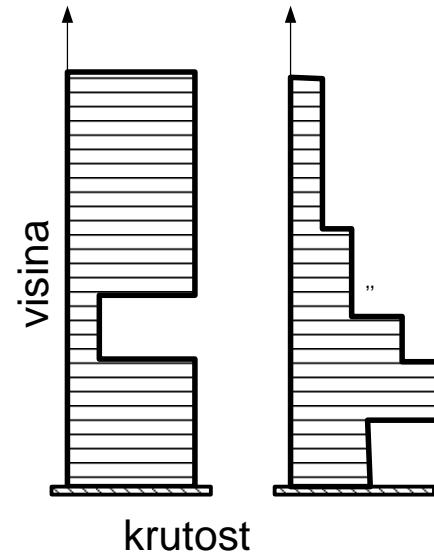
Može doći do nezavisnog oscilovanja pojedinih vertikalnih elemenata sa pripadajućim masama tavanica → kolaps ukoliko su dva dela konstrukcije pojedinačno torziono nestabilni



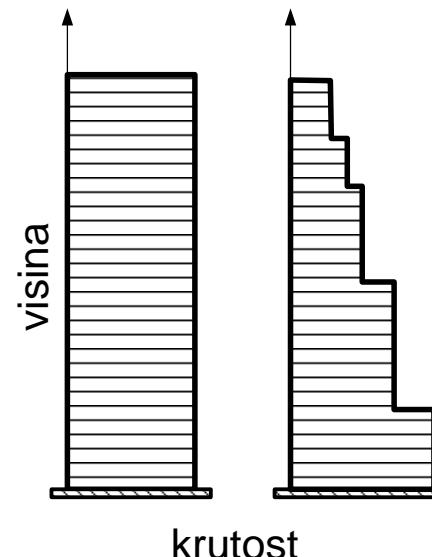
Promena krutosti po visini

Treba težiti tome da konstrukcija po visini ima približno konstantnu krutost ili da se krutost postepeno smanjuje po visini

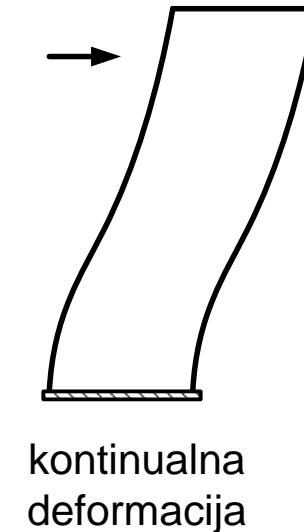
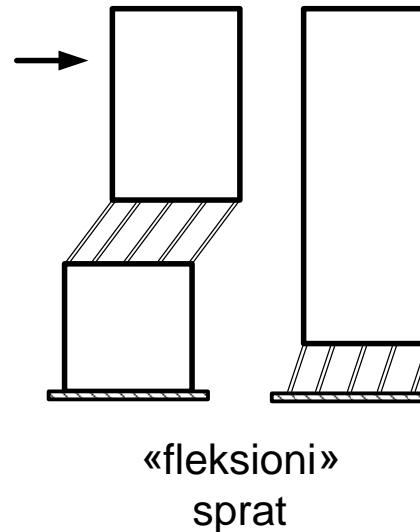
Nepovoljno



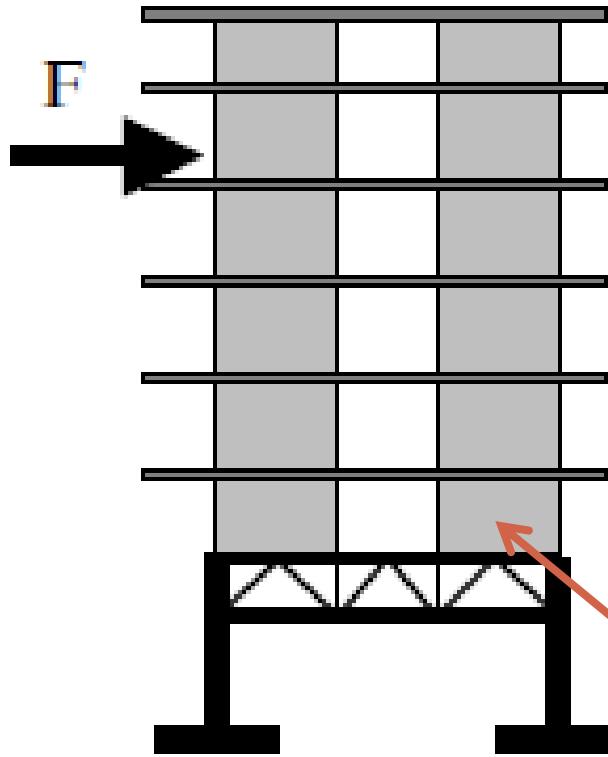
Povoljnije



Treba izbegavati promene krutosti koje dovode do pojave „fleksibilnog sprata“ ili „fleksibilnog prizemlja“



Promena krutosti po visini



Dva AB zida oslonjena na rešetkasti okvir.

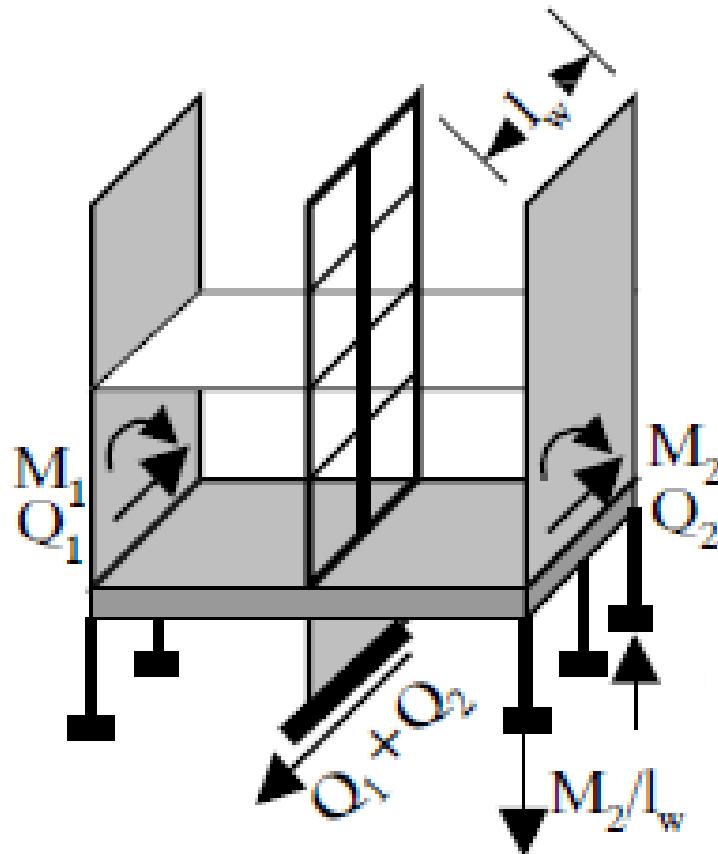
Za uticaje gravitacionih opterećenja konstrukcija je stabilna.

Može da bude stabilna i u slučaju zemljotresa, samo je nejasno koji nivo opterećenja usvojiti, kolika je vrednost faktora ponašanja?

Kako izgleda plastični mehanizam odnosno raspored plastičnih zglobova? U "uklještenju" šestoetažnih nosećih zidova elastično "fundiranih" na okviru, sigurno ne mogu da se realizuju plastični zglobovi.

Za šira objašnjenja pogledati V. Alendar: PROJEKTOVANJE SEIZMIČKI OTPORNIH ARMIRANO-BETONSKIH KONSTRUKCIJA KROZ PRIMERE, poglavlja 6.7 – 6.9

Promena krutosti po visini

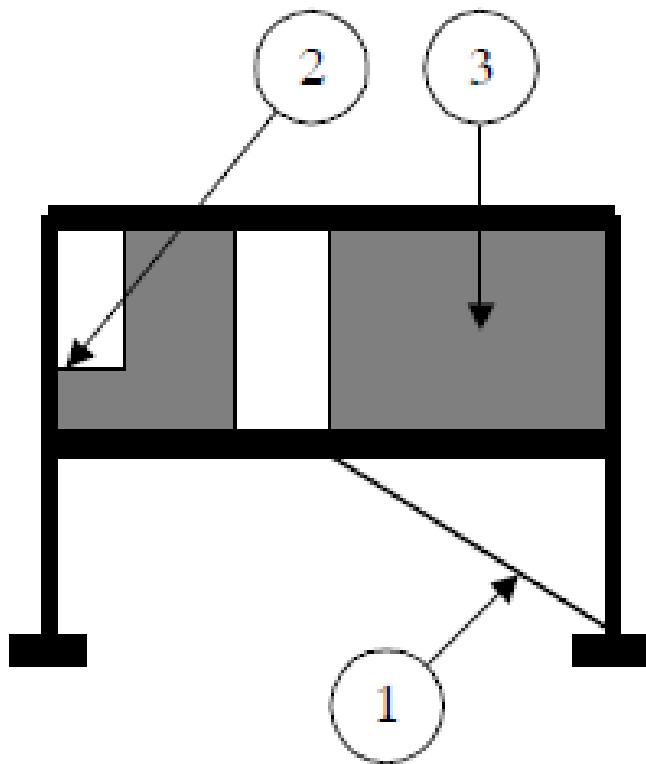


Treba izbegavati komplikovane "migracije" horizontalni sila naglom promenom konstrukcijskog sistema u jednoj etaži (tehnički je izvodljivo).

Prenos seizmičkog opterećenja bočnih zidova mora u nivou najniže tavanice da se reorganizuje, da se momenti do temelja sprovedu spregom sila stubova, što može da ugrozi stubove.

Transverzalne sile se preko tavanice prevedu na srednji zid.

Promena krutosti po visini

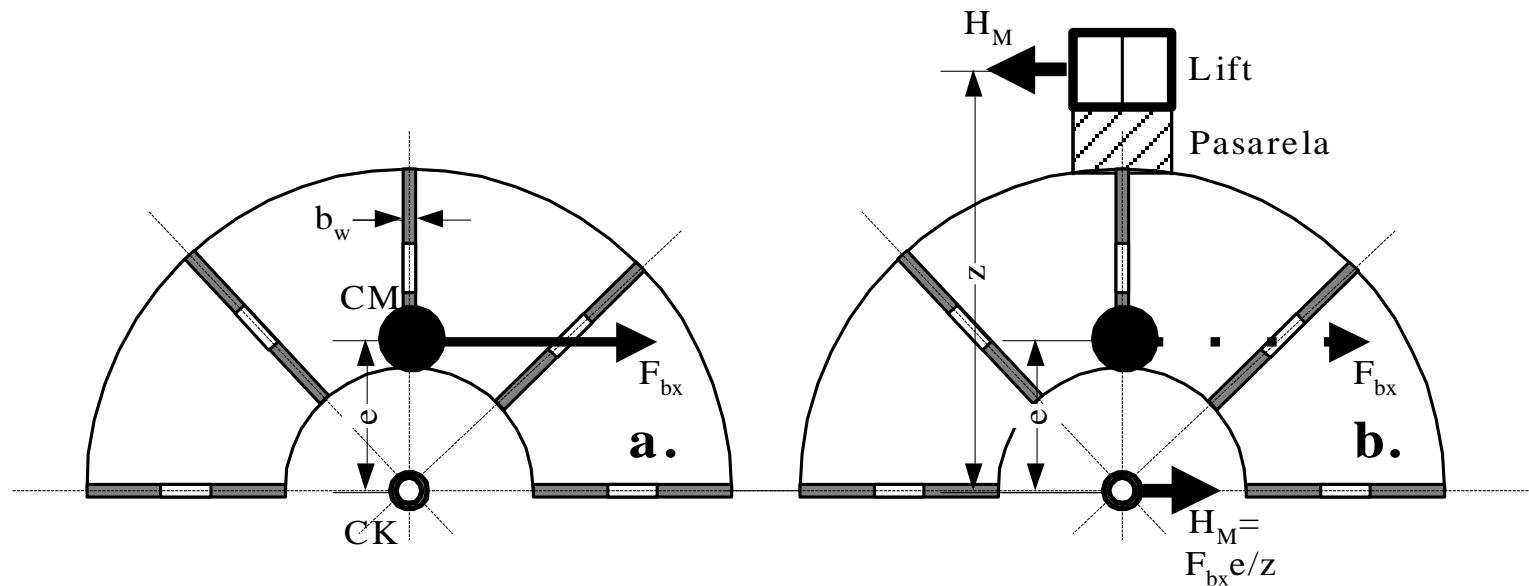


Naizgled "sitni detalji" mogu da izmene predpostavljeno ponašanje konstrukcije. Konstrukcija okvira može pri zemljotresu da se blokira prisustvom stepenica (dijagonalna 1).

Naknadno umetanje pregradnih zidova u ravni okvira može da izazove skraćenje visine stuba i lom transverzalnim silama (detalj 2).

Ako je površina ispune značajna a ispuna spojena sa okvirom (detalj 3), velika je verovatnoća da će se umesto sistema sa dve mase, konstrukcija ponašati kao sistem sa *fleksibilnim prizemljem*, što je nepoželjno i prema EC8 praktično zabranjeno.

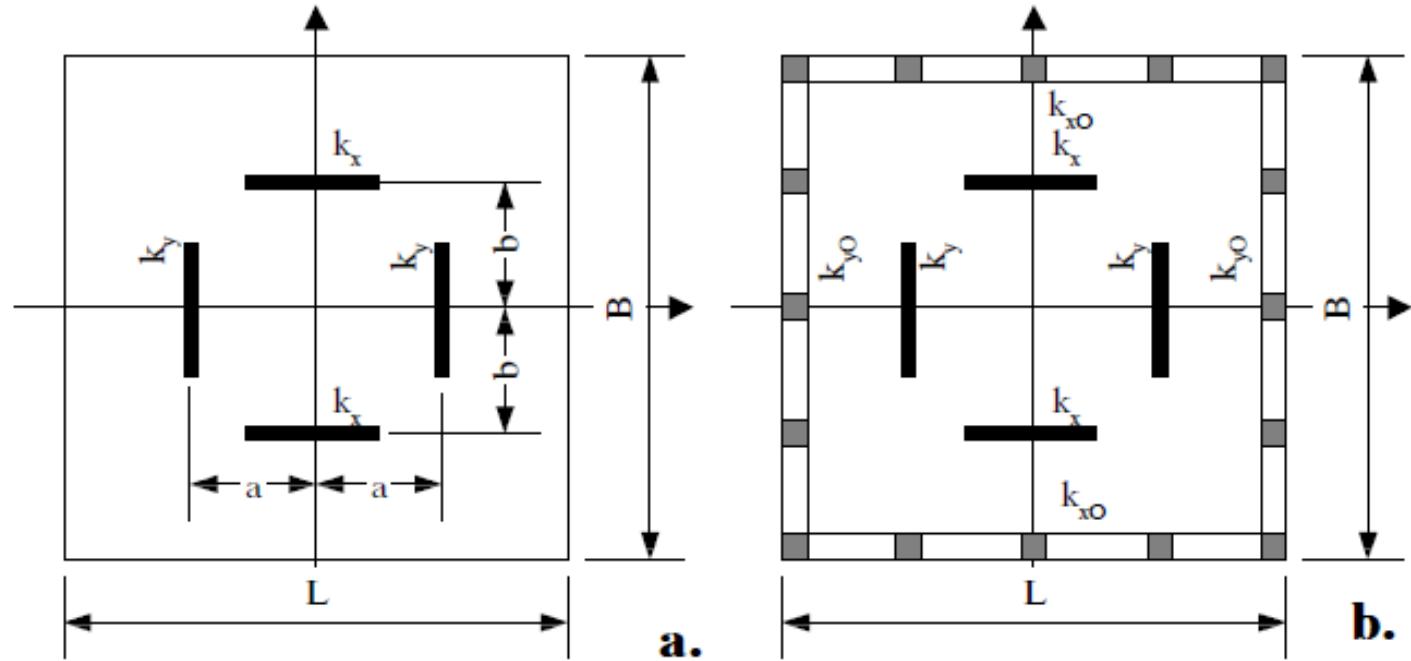
Regularnost konstrukcije u osnovi – torziona stabilnost



Radijalni zidovi primaju horizontalne uticaje u ravni (zida). Rezultanta sila koje primaju zidovi prolazi kroz centar krutosti (CK). Horizontalni uticaji deluju u centru mase (CM) na odstojanju (ekscentricitetu) od CK. Konstrukcija je uslovno stabilna samo u slučaju horizontalnih uticaja u pravcu CK-CM. Pri dejstvu zemljotresa u poprečnom pravcu, stvara se neuravnoteženi moment torzije u osnovi $F_{bx} e$ koji može lako dovesti do kolapsa.

Dodavanje vertikalnog liftovskog jezgra, povezanog pasarelom sa tavanicom objekta, formalno rešava problem torzije, ali zbog male vertikalne sile nastaju problemi sa fundiranjem i ev. preturanjem.

Torziona krutost konstrukcije



Torziona krutost konstrukcije (a) najveća je ako su zidovi na fasadi ($a=L/2$, $b=B/2$).

Ako su zidovi koncentrisani ka centru osnove konstrukcija prelazi u "sistem sa jezgrom", tada bi veće dopuštene nelinearne deformacije zidova uz rotacije tavanice mogle u ravni fasade da izazovu neprijatne posledice, prevelika ukupna pomeranja.

Tada je potrebno je konstruisati okvire po obimu objekta (čest koncept konstrukcije visokih objekata).

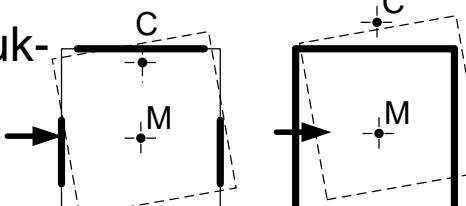
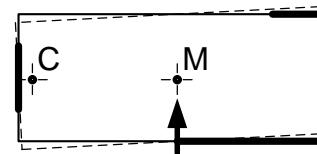
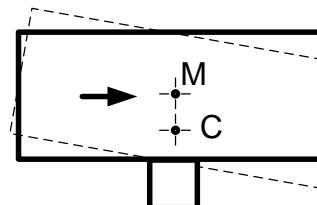
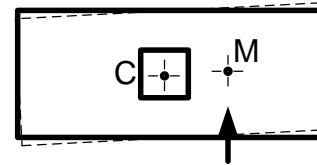
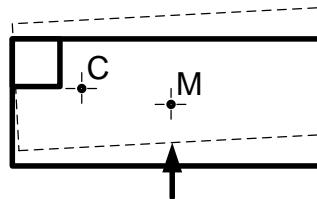
Regularnost konstrukcije u osnovi – torziona stabilnost

Kako inercijalna sila deluje u centru mase M, a osnova rotira oko centra krutosti C (vidi slajdove 18 i 19), neplokapanje C i M dovodi do nepovoljnih efekata torzije. Treba težiti da $C=M$.

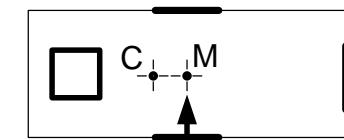
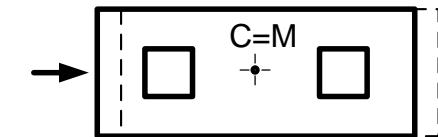
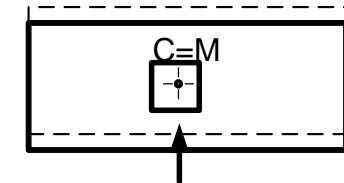
Pri zemljotresu, kod torziono neregularnih konstrukcija torzione oscilacije, deformacije i naprezanja postaju značajni, naročito kod elementa najudeljenijih od centra rotacije (fasadni stubovi i ramovi na pr.)

Torziona krutost objekta utiče i na dozvoljenu maksimalnu vrednost redukcije opterećenja, faktora ponašanja q (predavanje 8, tabela na slaidu 18).

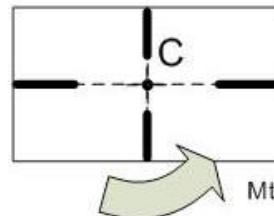
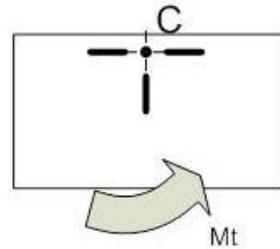
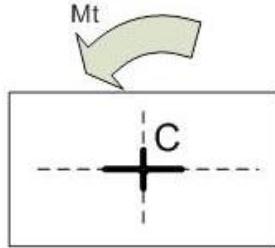
Nepovoljno



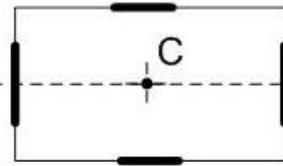
Povoljnije



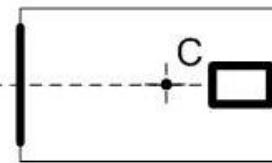
Regularnost konstrukcije u osnovi – torziona stabilnost



Torzional nestabilni sistemi



Torzional
stabilni
sistemi



Torzional uslovno
stabilni sistemi

(sistemi kod kojih nedostatak krutosti u jednom pravcu (jedan zid u X prav.) „pokriva“ spregom u zidovima u drugom (dva fasadna zida u Y prav.)

Uslovna stabilnost je praćena torzionim deformacijama, a ukupna torziona stabilnost može biti uslovljena krutošću slabijeg elementa koji prima spreg (primer zida u B) Nelinearna deformacija (plastifikacija) ovog zida u B dovodi do narušavanja torzionale stabilnosti i kolapsa konstrukcije.

Kriterijumi regularnosti konstrukcije u osnovi EN1998

- Konstrukcija zgrade treba da bude približno simetrična u dva ortogonalna pravca, sa aspekta rasporeda mase i krutosti.
- Granica osnove treba da bude konveksna. Odstupanja stvarne površine od minimalne konveksne obujmice ne treba da budu veća od 5%.
- Krutost u ravni tavanica treba da bude dovoljno velika u poređenju sa krutostima vertikalnih elemenata ("kruta" ravan). Posebno treba razmatrati osnove oblika L, C, H, I, E ili X.
- Izduženost zgrade u osnovi $\lambda = L_{max}/L_{min} \leq 4$, gde su L_{max} i L_{min} najveća i najmanja dimenzija objekta u osnovi mereno u 2 ortogonalna pravca.

Kriterijumi regularnosti konstrukcije u osnovi EN1998

Na svakom nivou konstrukcije ekscentricitet konstrukcije e_o i torzioni radijus r treba da budu u sledećim granicama, u oba ortogonalna pravca:

definicije za pravac dejstva **x** (analogno za pravac dejstva **y**):

$$e_{oy} \leq 0.30 \cdot r_y$$

$$r_y \geq I_s$$

gde je:

e_{oy} rastojanje od centra krutosti do centra mase u y prav. (upravnom na x);

r_y kvadratni koren odnosa torzione krutosti i poprečne krutosti u x pravcu ("torzioni radijus");

I_s maseni poluprečnik inercije (kvadratni koren odnosa polarnog masenog momenta inercije mase tavanice u odnosu na centar mase (brojilac) i mase tavanice (imenilac)).

Maseni poluprečnik inercije : $I_s = \sqrt{\frac{J_m}{M}}$

Polarni maseni moment inercije (podsetnik):

$$J_m = \int r^2 dm$$

$$J_m = \sum_{i=1}^N m_i r_i^2$$

Za površine sa raspodeljenom masom m

$$J_m = m(J_x + J_y)$$

Za pravougaonik $a \times b$ raspodeljene mase m

$$J_m = \frac{mab}{12} (a^2 + b^2) = \frac{M}{12} (a^2 + b^2)$$

$$R_6 = K_{x6} \delta$$

Proračun centra krutosti i poprečna krutost

$$R_5 = K_{x5} \delta$$

Z6

$$R_3 = K_{x3} \delta$$

Z5

Z3

$$R_1 = K_{x1} \delta$$

Z1

R

CK

y_{CK}

Y

X

Rezultanta reakcija zidova:

Primer za pomeranje i krutost u X pravcu:

Reakcija zida „i“:

$$R_i^\delta = \delta K_{xi}$$

(K_{xi} krutost zida „i“)

$$R^\delta = \sum R_i^\delta = \delta \sum K_{xi}$$

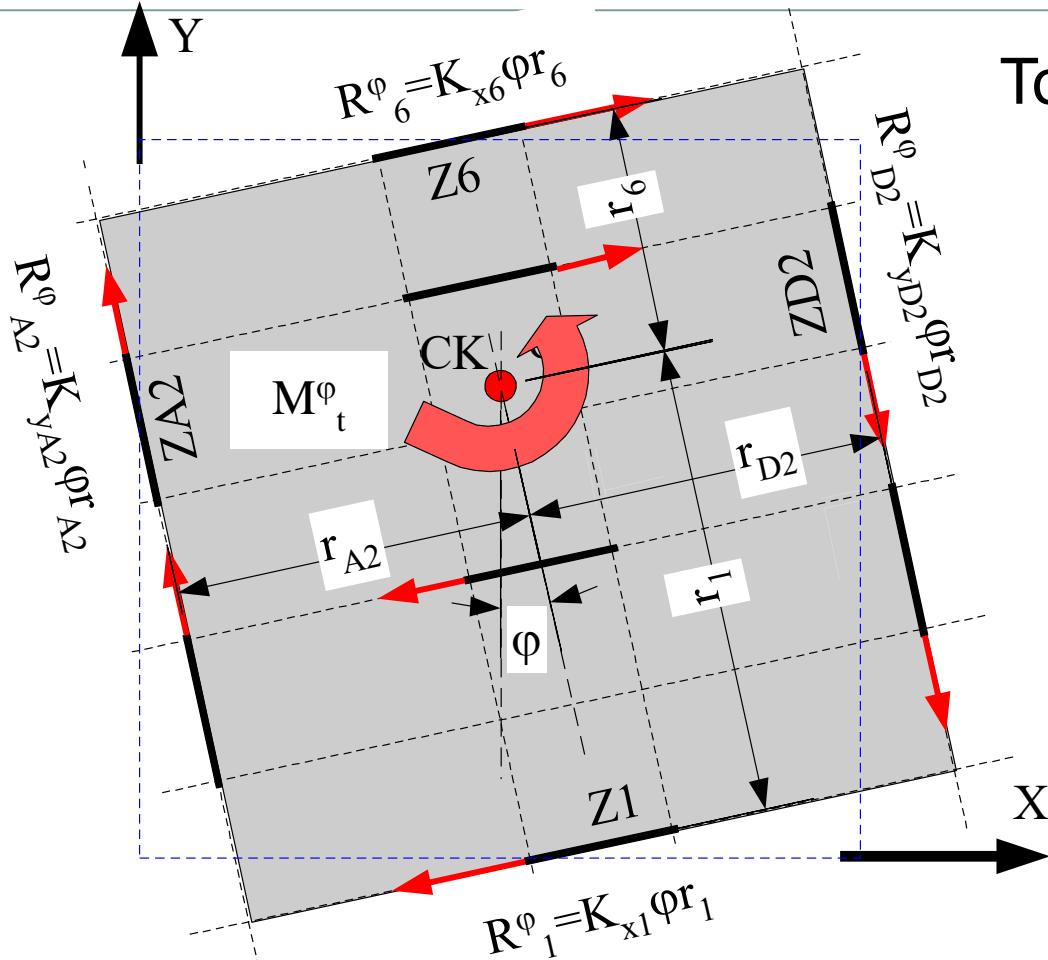
Po definiciji je $\sum K_{xi}$ ukupna translatorna ili poprečna krutost

$$\sum M_0 = 0 \rightarrow R^\delta y_{CK} = \sum R_i^\delta y_i$$

(y_i koordinata y zida „i“)

→ položaj centra krutosti:

$$y_{CK} = \sum K_x y_i / \sum K_x$$



Torziona (rotaciona) krutost

Pomeranje zida „i“

$$\delta_i^\varphi = \varphi r_i$$

(r_i normalno rastojanje
ravni zida od centra
krutosti - „krak“ zida).

Reakcija zida „i“: $R_i^\varphi = \delta_i^\varphi K_i \rightarrow R_i^\varphi = \varphi K_i r_i$ (K_i krutost zida „i“)

Rezultujući moment torzije oko CK: $M_t = \sum R_i^\varphi r_i = \varphi \sum K_i r_i^2$

→ $\varphi = M_t / \sum K_i r_i^2$ *Po definiciji je $\sum K_i r_i^2$ torziona krutost tavanice*

Torzioni radius

$$r_y = \sqrt{\frac{\sum_i K_i r_i^2}{\sum_i K_{ix}}}$$

Pošto je krutost preseka zida upravno na osu zida zanemarljivo mala ($I_w/b^3/12 \ll bl_w^3/12$), za pravougaone zidove se obično usvaja pretpostavka da opterećenja prihvataju samo u svojoj ravni

Krutost na horizontalna pomeranja zavisi od karakteristika preseka pojedinih elemenata, ali i od konfiguracije prostornog sistema elemenata. U slučaju sistema konzolnih AB zidova istih visina, odnos krutosti na pomeranje zavisi od momenata inercije preseka zidova.

Uslov $r_y \geq I_s$ ($r_x \geq I_s$) se izvodi iz uslova da je torziona krutost veća od translatorne, odnosno da je period translatornog oscilovanja u dva ortogonalna pravca veći od perioda torzionog oscilovanja :

$$T_x > T_\theta, \text{ odnosno } T_y > T_\theta$$

Periodi oscilovanja po pravcima su:

$$T_x = 2\pi \sqrt{\frac{M}{K_x}} \quad T_y = 2\pi \sqrt{\frac{M}{K_y}} \quad T_\theta = 2\pi \sqrt{\frac{J_M}{K_\theta}} \quad K_\theta = \sum k_i r_i^2$$

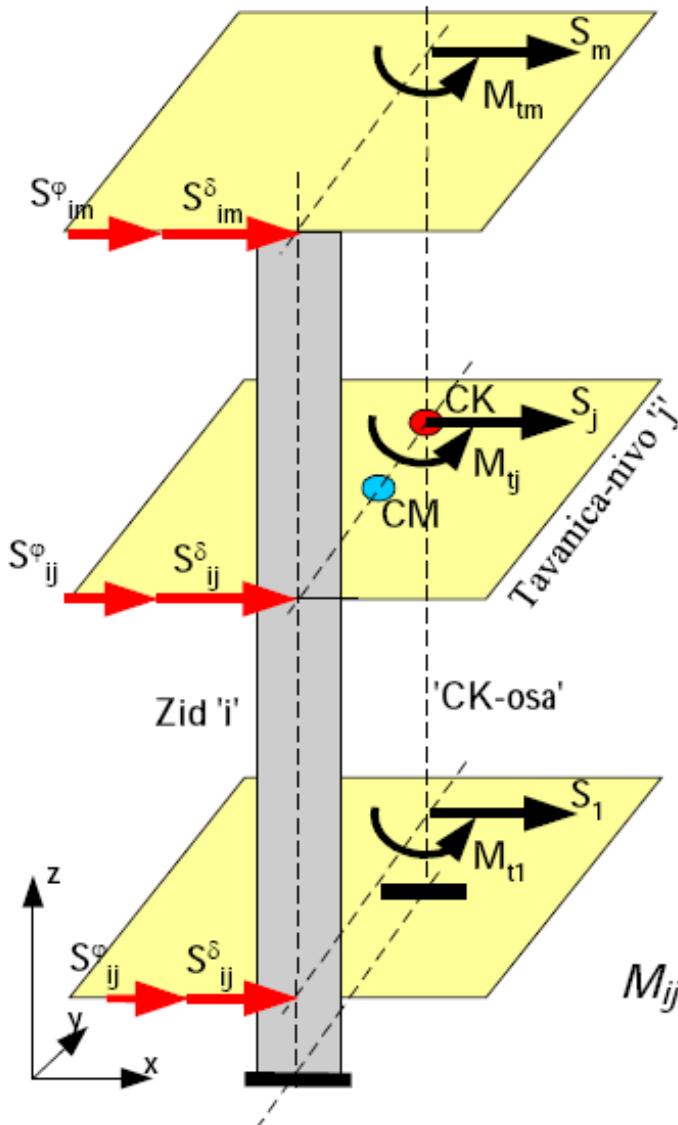
$$T_x > T_\theta \rightarrow M/K_x > J_M/K_\theta \rightarrow r_y = \sqrt{\frac{K_\theta}{K_x}} > I_s = \sqrt{\frac{J_M}{M}}$$

$$T_y > T_\theta \rightarrow M/K_y > J_M/K_\theta \rightarrow r_y = \sqrt{\frac{K_\theta}{K_y}} > I_s = \sqrt{\frac{J_M}{M}}$$

U realnim višespratnim prostornim konstrukcijama stavari su značajno komplikovanije. U višespratnim zgradama moguće je samo proceniti centar krutosti i torzioni radijus. Kao pojednostavljenje, prema SRPS EN 1998, za ocenu konstrukcije kao regularne u osnovi, treba da bude zadovoljeno:

- svi vertikalni elementi koji prihvataju horizontalna dejstva treba da se neprekinuto pružaju od temelja do vrha konstrukcije;
- oblici oscilovanja pojedinih elemenata konstrukcije (stubova, ramova, zidova) ne treba da se značajno razlikuju. Zahtev se, praktično svodi na translatorni oblik oscilovanja cele konstrukcije u prva dva osnovna tona u dva ortogonalana pravca, a da se torzionalne oscilacije pojavljuju u višim tonovima.

Proračun uticaja od seizm. sile u vertikalnim elementima



Slika 3.12 - Seizmičko opterećenje zida 'i'

Uticaji u zidu "i" na spratu "j"

- Transverzalna sila zida „i“ u nivou sprata „j“
22

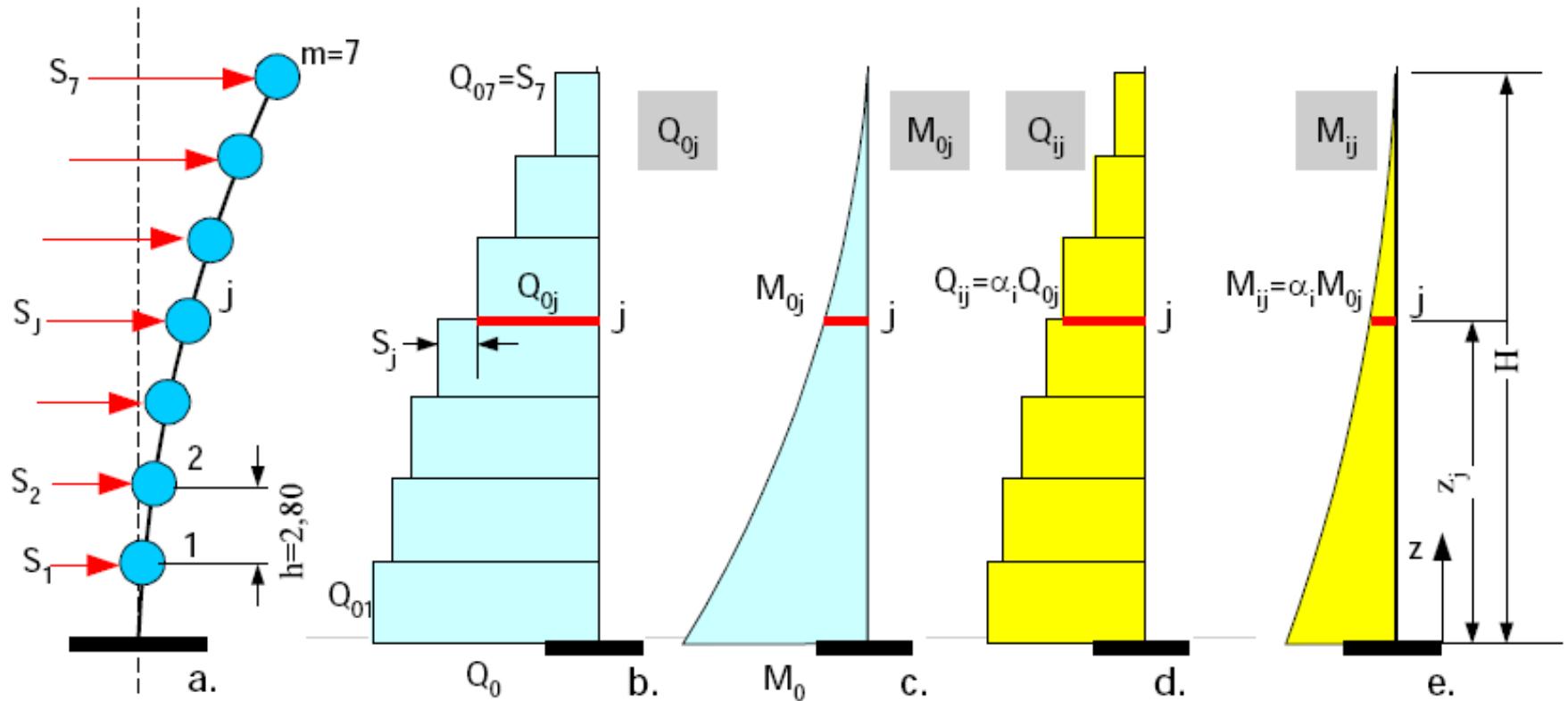
$$Q_{jj} = \sum_{k=j+1}^m S_{ik} = \sum_{k=j+1}^m (S_{ik}^\phi + S_{ik}^\delta) = \\ = \sum_{k=j+1}^m (S_k I_i / \sum_i I_i + S_k e I_i r_i / \sum_i I_i r_i^2) \\ = (I_i / \sum_i I_i + e I_i r_i / \sum_i I_i r_i^2) \sum_{k=j+1}^m S_k \\ Q_{jj} = \alpha_i Q_{0j}$$

$$\alpha_i = I_i / \sum_i I_i + e I_i r_i / \sum_i I_i r_i^2; \quad Q_{0j} = \sum_{k=j+1}^m S_k$$

- Moment savijanja zida „i“ u nivou sprata „j“

$$M_{jj} = \sum_{k=j+1}^m S_{ik} (z_k - z_j) = \sum_{k=j+1}^m (S_{ik}^\phi + S_{ik}^\delta) (z_k - z_j) = \alpha_i \sum_{k=j+1}^m S_k (z_k - z_j)$$

$$M_{jj} = \alpha_i M_{0j}, \text{ gde je } M_{0j} = \sum_{k=j+1}^m S_k (z_k - z_j)$$



Slika 3.13 - Određivanje uticaja u zidu 'i': a.) seizmičko opterećenje objekta - prema slici 3.7.a; b.) ukupna transverzalna sila sprata Q_{0j} ; c.) ukupni moment savijanja - 'preturanja' M_{0j} u nivou sprata 'j'; d.) transverzalna sila zida u nivou sprata 'j' - $Q_{ij} = \alpha_i Q_{0j}$; e.) moment savijanja zida 'i' u nivou sprata 'j' $M_{ij} = \alpha_i M_{0j}$, gde je α_i - 'koeficijent participacije' zida 'i' u ukupnoj nosivosti

Za šira objašnjenja pogledati V. Alendar: PROJEKTOVANJE SEIZMIČKI OTPORNIH ARMIRANOBETONSKIH KONSTRUKCIJA KROZ PRIMERE, Deo B, Primer 3

Kriterijumi regularnosti konstrukcije u osnovi EN1998

U višespratnim zgradama moguće je samo proceniti centar krutosti i torzioni radius. Kao pojednostavljenje, za ocenu konstrukcije kao regularne u osnovi, treba da bude zadovoljeno:

- a) svi vertikalni elementi koji prihvataju horizontalna dejstva treba da se neprekinuto pružaju od temelja do vrha konstrukcije;
- b) oblici oscilovanja pojedinih elemenata konstrukcije (stubova, ramova zidova) ne treba da se značajno razlikuju. Zahtev se, praktično svodi na translatorni oblik oscilovanja cele konstrukcije u osnovnim tonovima u dva ortogonalana pravca.

Kriterijumi regularnosti konstrukcije po visini EN1998

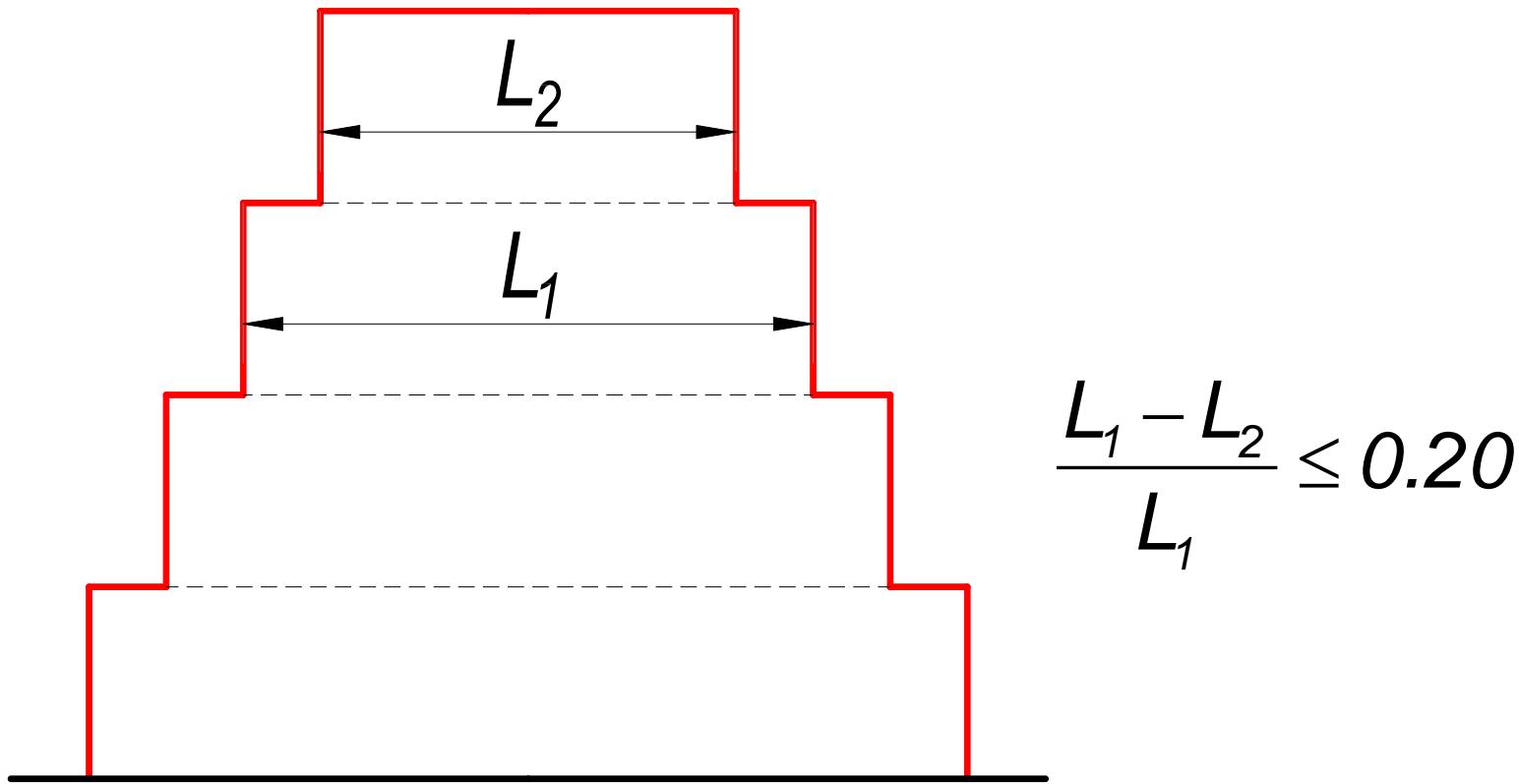
Svi elementi sistema koji prihvataju horizontalna opterećenja (jezgra, zidovi, ramovi) treba da se pružaju neprekidno od temelja do vrha

Poprečna krutost i masa svakog pojedinačnog sprata treba da budu konstantne ili da se postepeno smanjuju od prvog nivoa do vrha zgrade

Susedni nivoi ramovskih konstrukcija treba da imaju sličan odnos proračunom zahtevane i stvarne nosivosti.

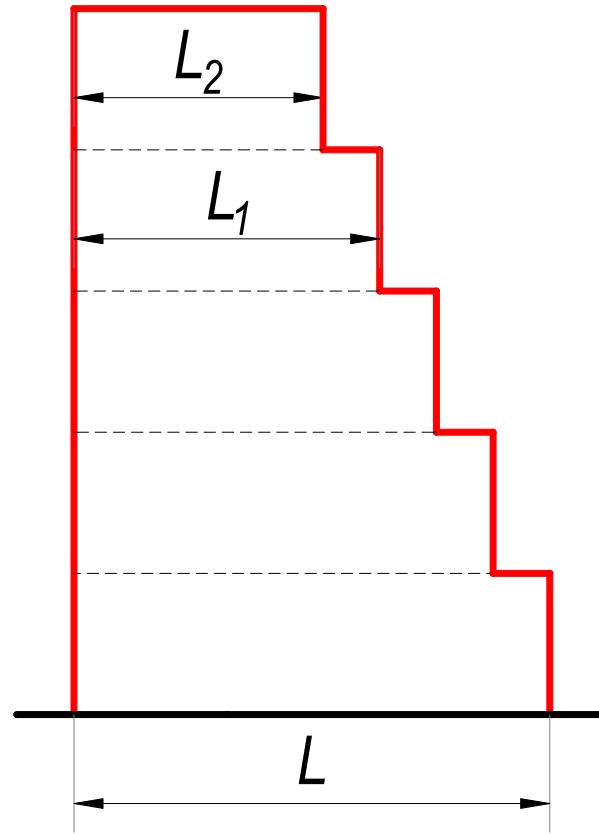
Kriterijumi regularnosti konstrukcije po visini EN1998

Kada postoji sažimanje (smanjenje dimenzija) spratova po visini



Kriterijumi regularnosti konstrukcije po visini EN1998

Kada postoji nesimetrično sažimanje (smanjenje dimenzija) spratova po visini

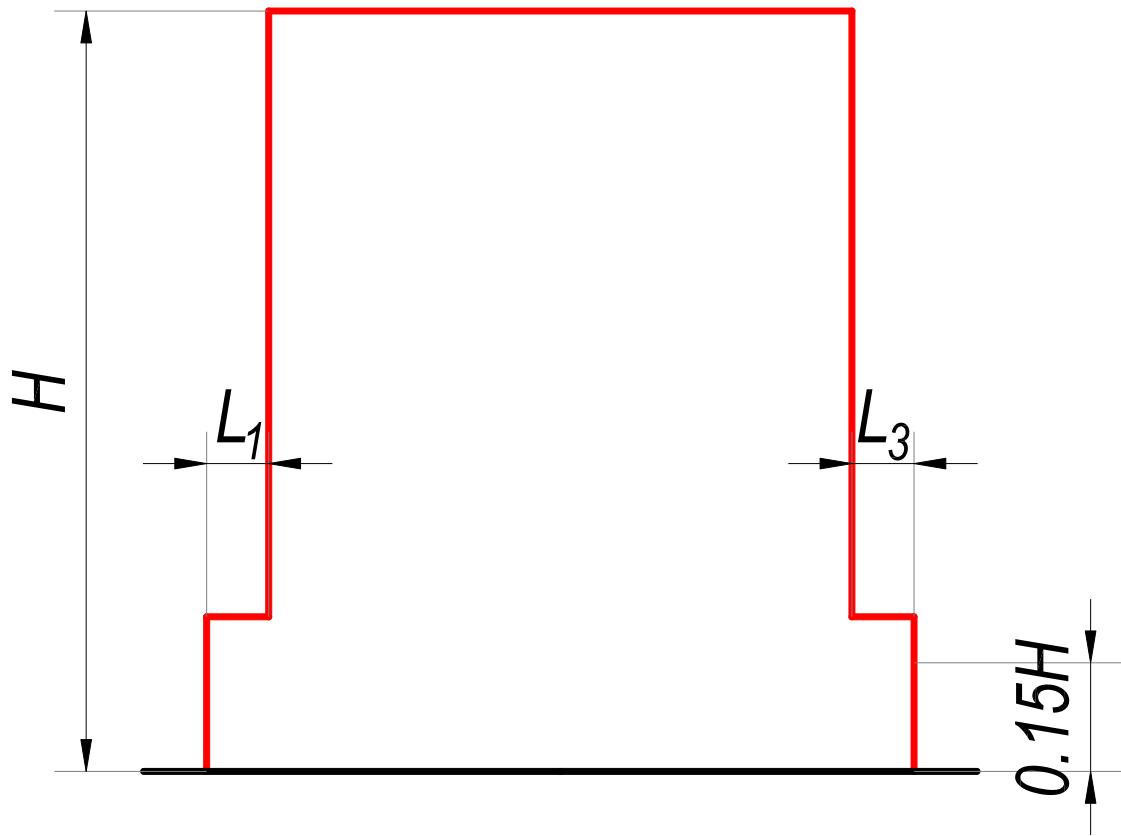


$$\frac{L - L_2}{L} \leq 0.30$$

$$\frac{L_1 - L_2}{L_1} \leq 0.10$$

Kriterijumi regularnosti konstrukcije po visini EN1998

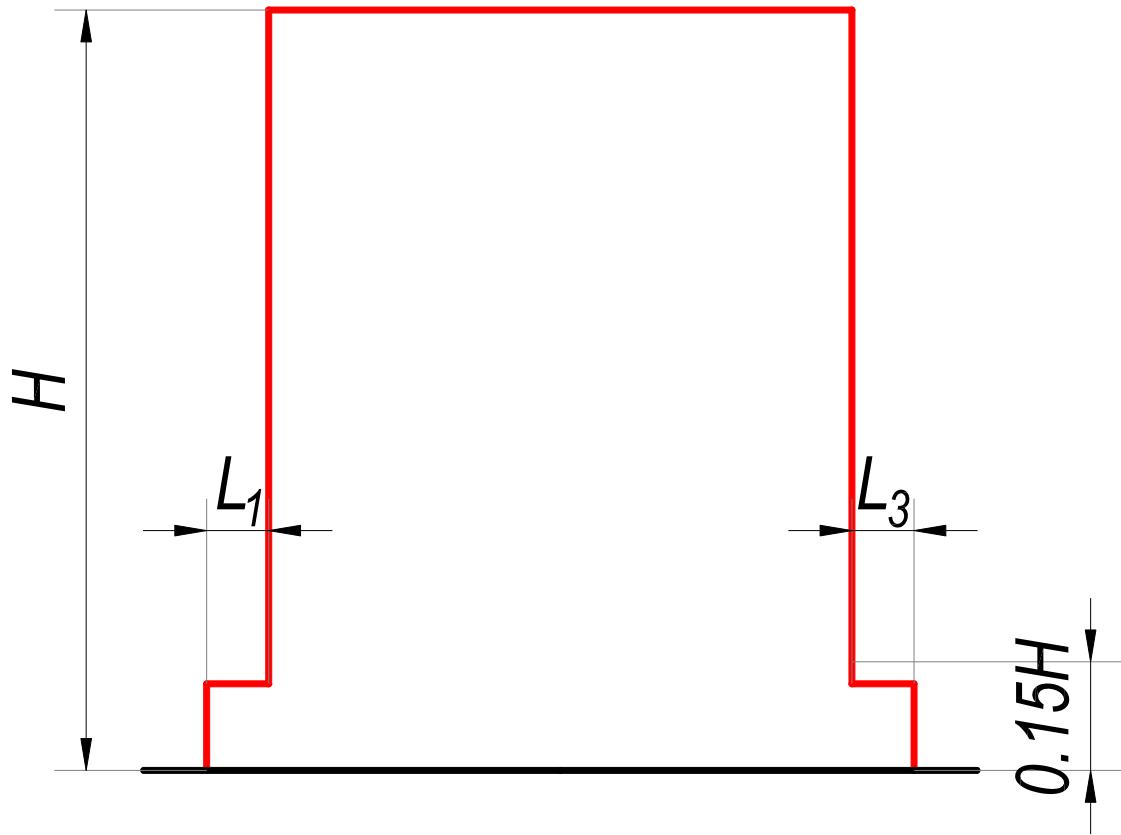
Kada postoji jedno sažimanje (smanjenje dimenzija) osnove na visini većoj od $0.15H$ (gde je H ukupna visina konstrukcije)



$$\frac{L_1 + L_3}{L} \leq 0.20$$

Kriterijumi regularnosti konstrukcije po visini EN1998

Kada postoji jedno sažimanje (smanjenje dimenzija) osnove na visini manjoj od $0.15H$



$$\frac{L_1 + L_3}{L} \leq 0.50$$

Proračun konstrukcija za dejstvo seizmičkih sila EN1998

Proračun masa kao i uticaja od vertikalnog stalnog i povremenog opterećenja prema proračunskoj kombinaciji dejstava:

$$\Sigma G_{k,j} " + " \Sigma \psi_{E,i} \cdot Q_{k,i}$$

gde je $\psi_{E,i}$ koeficijent kombinacije za promenljiva dejstva u seizmičkoj proračunskoj situaciji $\psi_E = \phi \cdot \psi_{2i}$

Tip dejstva	Sprat	ϕ
Kategorije A-C	Krov Spratovi sa povezanom namenom* Spratovi sa nezavisnom namenom**	1.0 0.8 0.5
Kategorije D-F		1.0

* na primer, robna kuća na više spratova

**na primer, različite firme ili delatnosti na svakom spratu

Slučajni ekscentricitet mase

Da bi se obuhvatile neodređenosti u položaju masa i prostorne varijacije pomeranja u zemljotresu treba uzeti u obzir slučajni ekscentricitet u odnosu na proračunati CM na svakom spratu u oba pravca:

$$e_{ai} = \pm 0,05 \cdot L_i$$

gde je:

e_{ai} slučajni ekscentricitet spratne mase na svakom spratu
 L_i dimenzija osnove sprata upravna na pravac dejstva.

Metode proračuna konstrukcija na dejstvo seizmičkih sila prema SRPS EN 1998

Lineare elastične metode analize

- a) metoda ekvivalentnih bočnih sila
- b) modalna spektralna analiza

Nelineare metode analize

- c) nelinearna statička “pushover” analiza;
- d) nelinearna dinamička analiza na osnovu zapisa u vremenu

Metoda ekvivalentnih bočnih sila

Najjednostavnija metoda, gde se dejsvo seizmike modelira statičkom bočnom silom koja se raspoređuje po spratovima proporcionalno visini sprata (vidi Predavanje 5, slajdovi 39-41)

Prema SRPS EN 1998 može se primeniti kada je:
Uticaj viših tonova zanemarljiv, odnosno kada je

- a) $T_1 \leq \begin{cases} 4T_c \\ 2.0s \end{cases}$
- b) zadovoljni propisani uslovi regularnosti

Metoda ekvivalentnih bočnih sila

Smičuća sila u osnovi za razmatrani pravac dejstva zemljotresa:

$$F_b = S_d(T_1) \cdot m \cdot \lambda$$

gde je

$S_d(T_1)$ ordinata projektnog spektra za T_1 ,

T_1 osnovni period za posmatrani pravac

m ukupna masa iznad temelja ili krutog podruma

λ korekcioni faktor (0.85 ako je $T_1 < 2TC$ i $nsp > 2$, 1.0 u ostalim slučajevima)

Metoda ekvivalentnih bočnih sila

Procena osnovnog perioda T_1 :

a) $T_1 = C_t H^{3/4}$ ($H < 40m$)

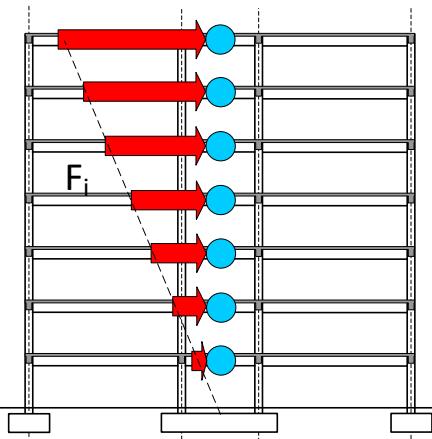
C_t se uzima 0.75 za prostorne okvire, odnosno 0.5 za ostale konstrukcije

b) $T_1 = 2\sqrt{d}$ Rejlijeva formula

Raspodela sile F_b po visini:

$$F_i = F_b \frac{z_i m_i}{\sum_j z_j m_j}$$

gde je F_i horizontalna sila koja deluje na i -tom spratu



z_i, z_j visine mase m_i i m_j od kote temelja ili gornje ivice krutog podzemnog dela konstrukcije

Regularnost konstrukcija i način proračuna

Konstrukcije se dele na regularne i neregularne.

Uticaj regularnosti na proračun:

- a) Mogućnost upotrebe pojednostavljenih i ravanskih modela
- b) Metode analize
- c) Veličina faktora ponašanja q

Regularnost		Dozvoljeno uprošćenje		Faktor ponašanja
U osnovi	Po visini	Model	Linearna analiza	(za linearu analizu)
Da	Da	Ravanski	Bočne sile	Referentna vrednost
Da	Ne	Ravanski	Modalna	Redukovana vrednost
Ne	Da	Prostorni	Bočne sile	Referentna vrednost
Ne	Ne	Prostorni	Modalna	Redukovana vrednost