



Studijski program:

**Građevinarstvo**

Modul:

Konstrukcije

Godina/Semestar:

**III godina / V semestar**

Naziv predmeta (šifra):

**Teorija betonskih konstrukcija 1  
(БЗОЗБ1)**

Nastavnik:

**Jelena Carević / Stefan Ž. Mitrović / Milica Vidović**

Naslov vežbi:

**Mali ekscentricitet sa silom pritiska.  
Formiranje dijagrama interakcije.**

Datum :

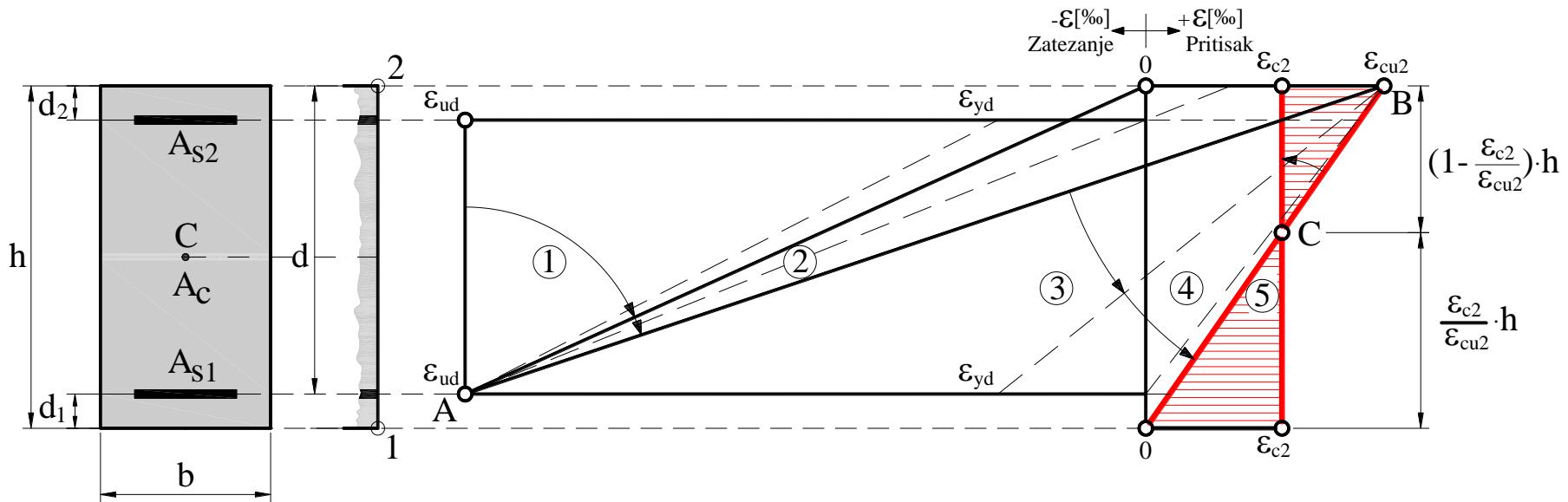
**13.11.2024.**

Beograd, 2023.

Sva autorska prava autora prezentacije i/ili video snimaka su zaštićena. Snimak ili prezentacija se mogu koristiti samo za nastavu studenata Građevinskog fakulteta Univerziteta u Beogradu u školskoj 2023/2024 i ne mogu se koristiti za druge svrhe bez pismene saglasnosti autora materijala.



# ULS – MALI EKSCENTRICITET, SILA PRITISKA

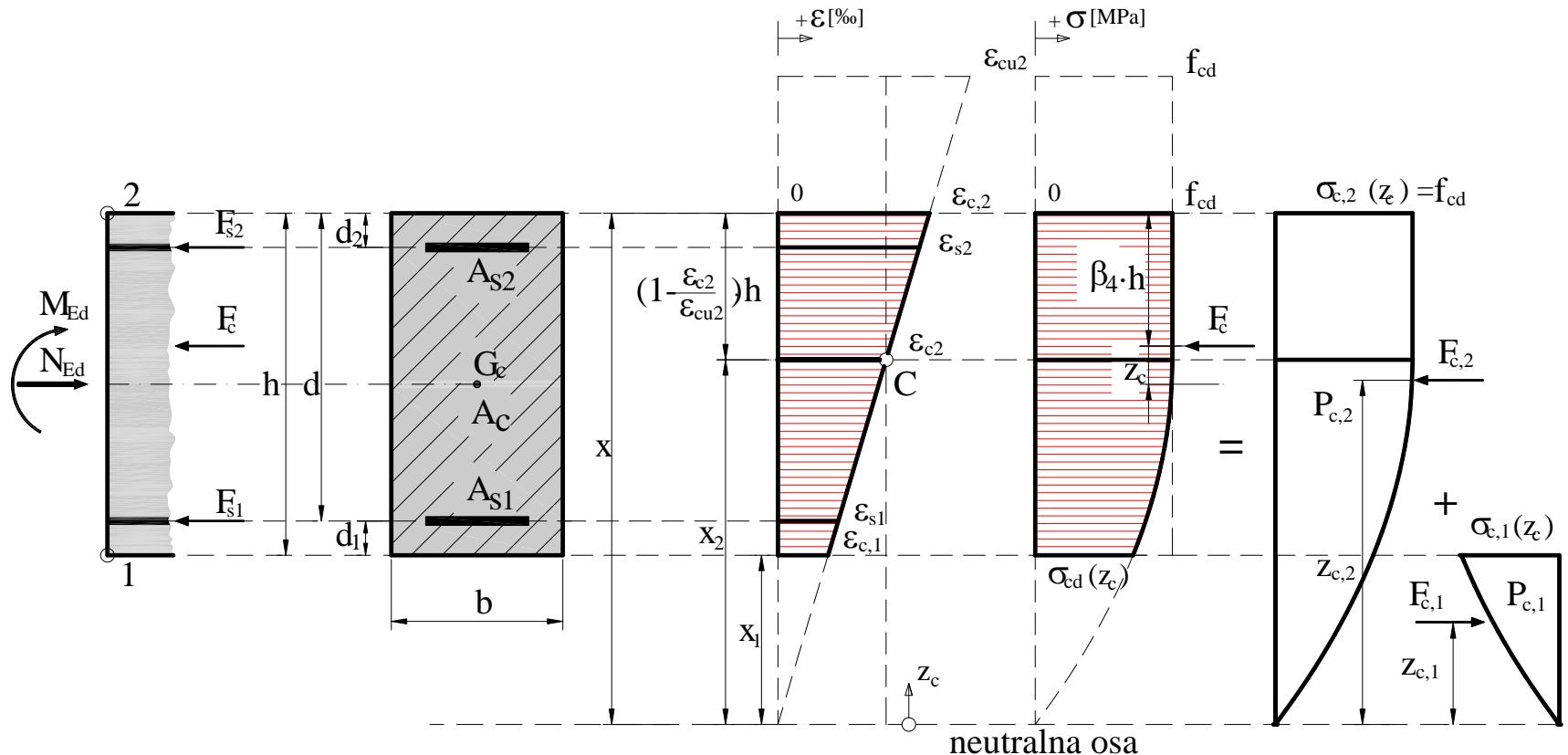


- Mali ekscentricitet sile pritiska – **oblast 5** (ceo presek je pritisnut)
- Prema EN 1992-1-1: 3.1, naponsko-deformacijski dijagram parabola-prava za betone klase do C50/60 definisan je sledećim graničnim dilatacijama:

$\varepsilon_{c2} = 2.0\%$  - za elemente napregnute centričnim pritiskom

$\varepsilon_{cu2} = 3.5\%$  - za elemente dominantno napregnute momentima savijanja

# ULS – MALI EKSCENTRICITET, SILA PRITISKA



$$\sum N = 0 \Rightarrow F_c + F_{s1} + F_{s2} = N_{Ed}$$

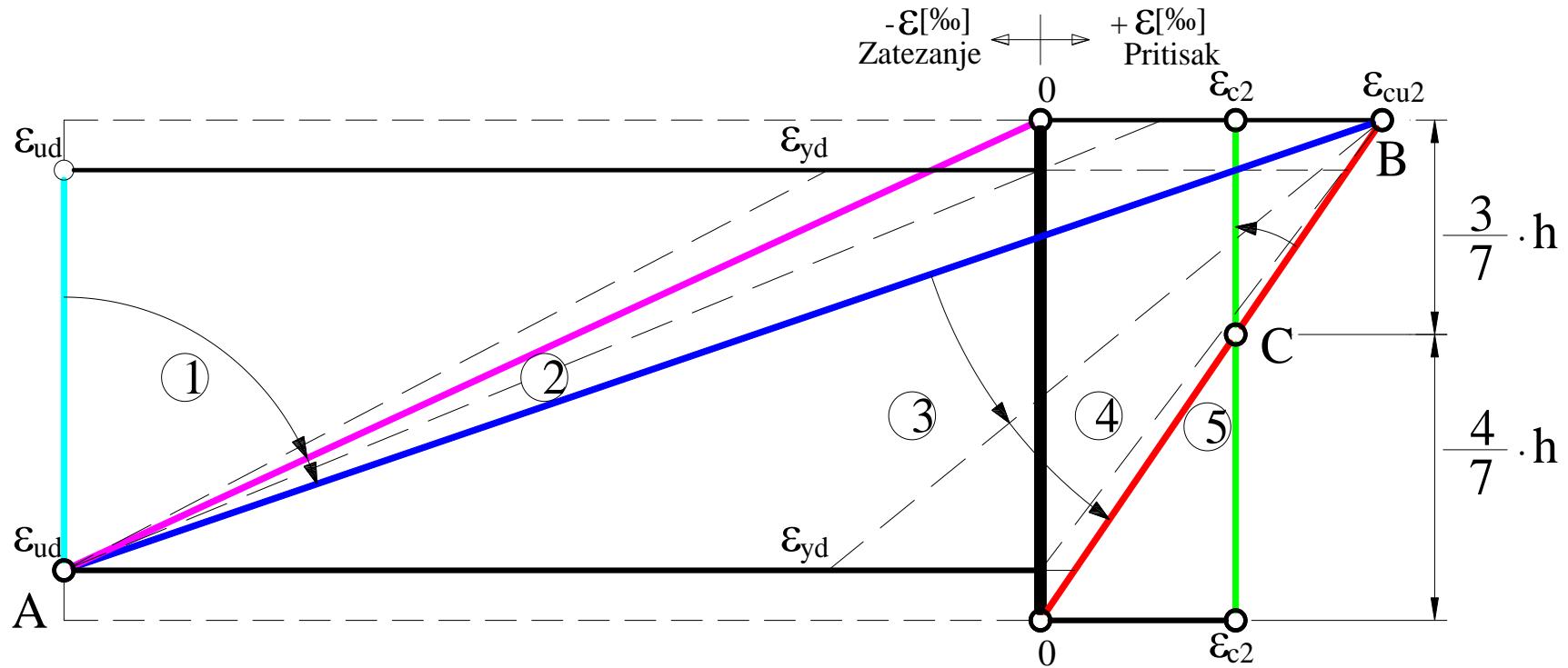
$$\sum M_s = 0 \Rightarrow F_c(d - \beta_4 h) + F_{s2}(d - d_2) = M_{Eds} = M_{Ed} + N_{Ed}\left(\frac{h}{2} - d_1\right)$$

$\beta_3, \beta_4, \varepsilon_{c1}, \varepsilon_{s1}, \varepsilon_{s2} \dots$

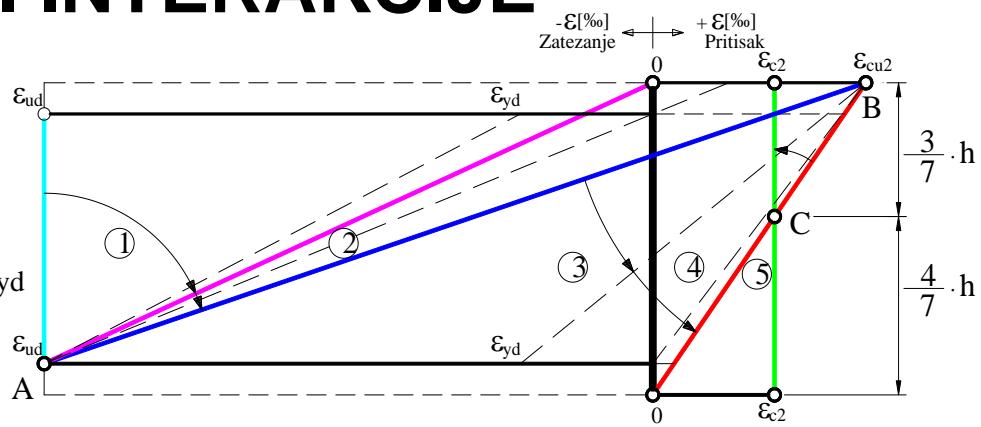
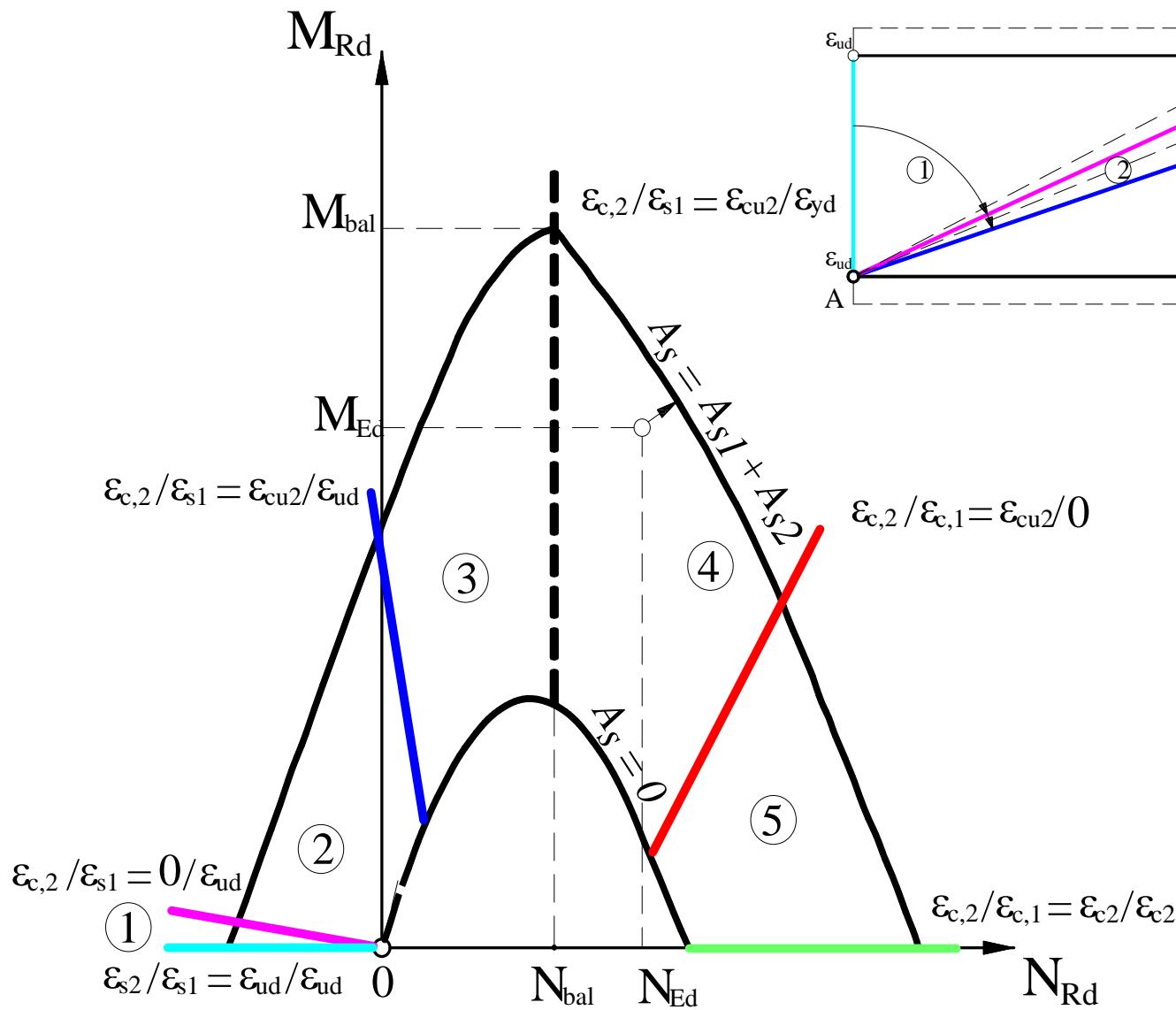


**PREDAVANJA !!!**

# DIJAGRAMI INTERAKCIJE



# DIJAGRAMI INTERAKCIJE



# DIJAGRAMI INTERAKCIJE

## Postupak konstruisanja:

- Usvajanje karakteristika materijala:
  - C12/15 do C50/60
  - Kvalitet armature - B500 **B**
- Usvajanje karakteristika poprečnog preseka:
  - Usvajanje ukupne površine armature  $A_s$ :
  - Usvajanje odnosa armatura  $A_{s2}$  i  $A_{s1}$
  - Usvajanje položaja armature  $d_1$  ( $d_2 = d_1$ )
- Cilj je sračunati proračunske vrednosti **NOSIVOSTI** poprečnog preseka, parove momenta savijanja  $M_{Rd}$  i normalne sile  $N_{Rd}$ , iz uslova ravnoteže u svim naponsko-deformacijskim oblastima
- Interakciona kriva dobija se povezivanjem tačaka sa koordinatama( $M_{Rd}$  ;  $N_{Rd}$ ) u koordinatnom sistemu  $M_{Rd} - 0 - N_{Rd}$



# DIJAGRAMI INTERAKCIJE

## Postupak konstruisanja:

- Sve veličine potrebne za njihovo konstruisanje su bezdimenzionalne:

- Površina armature  $A_{s1}$ :

$$\omega_1 = \frac{A_{s1} \cdot f_{yd}}{b \cdot h \cdot f_{cd}}$$

- Površina armature  $A_{s2}$ :

$$\omega_2 = \frac{A_{s2} \cdot f_{yd}}{b \cdot h \cdot f_{cd}}$$

- Ukupna površina armature  $A_s$ :

$$\omega = \omega_1 + \omega_2$$

- Položaj težišta armature:

$$d_1/h (= d_2/h)$$

- Proračunska nosivost preseka na dejstvo normalne sile:

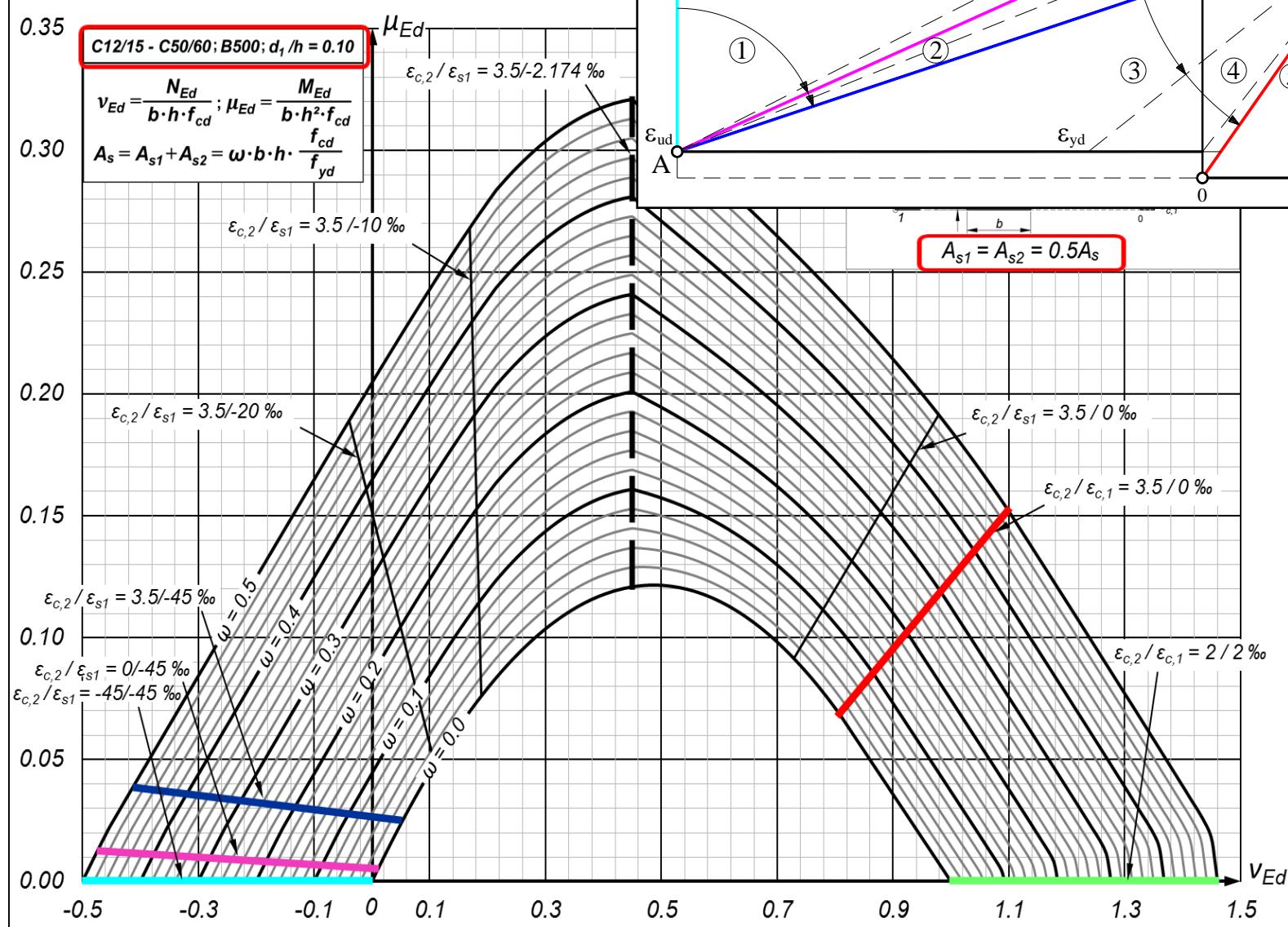
$$v_{Rd} = \frac{N_{Rd}}{b \cdot h \cdot f_{cd}}$$

- Proračunska nosivost preseka na dejstvo momenta savijanja:

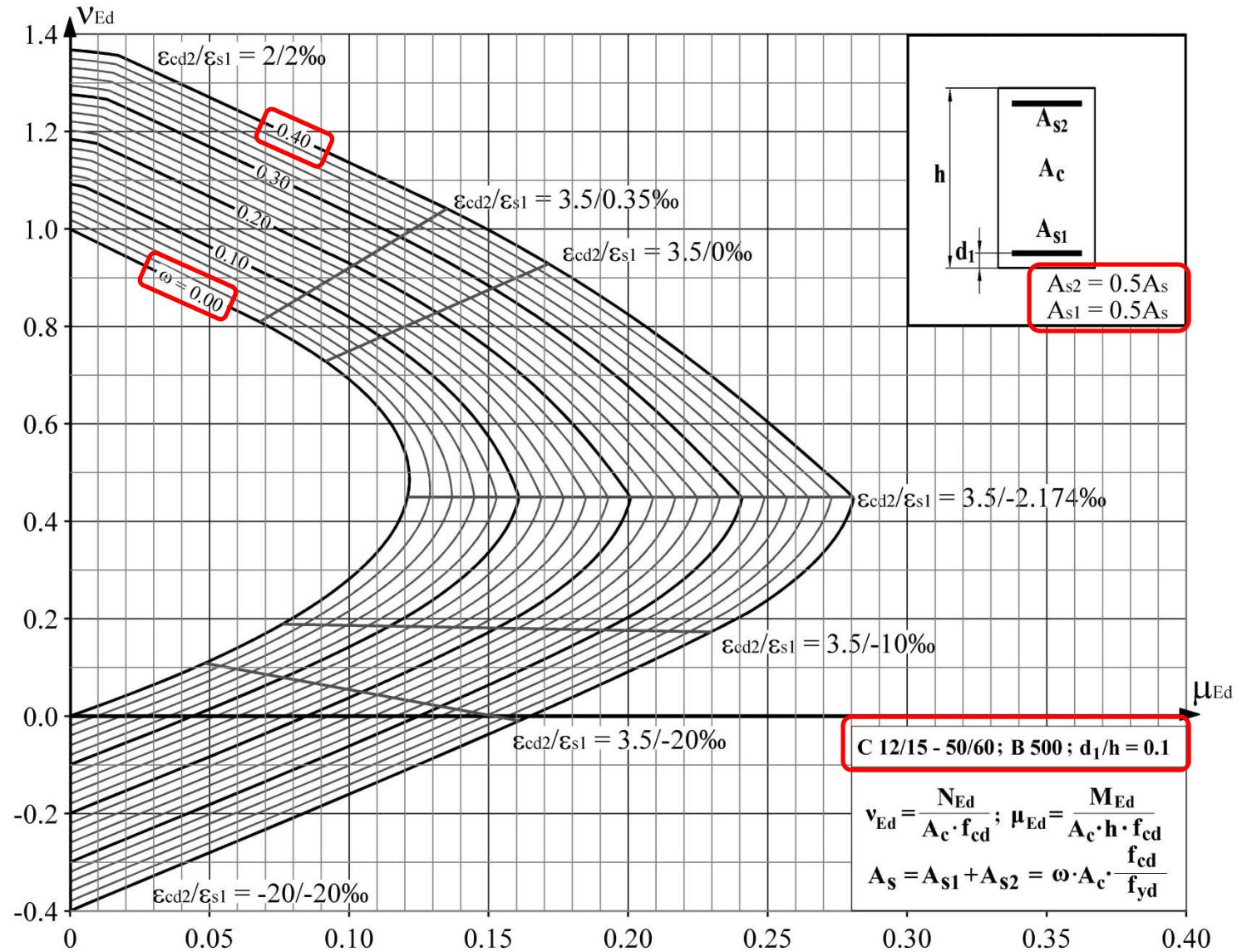
$$\mu_{Rd} = \frac{M_{Rd}}{b \cdot h^2 \cdot f_{cd}}$$



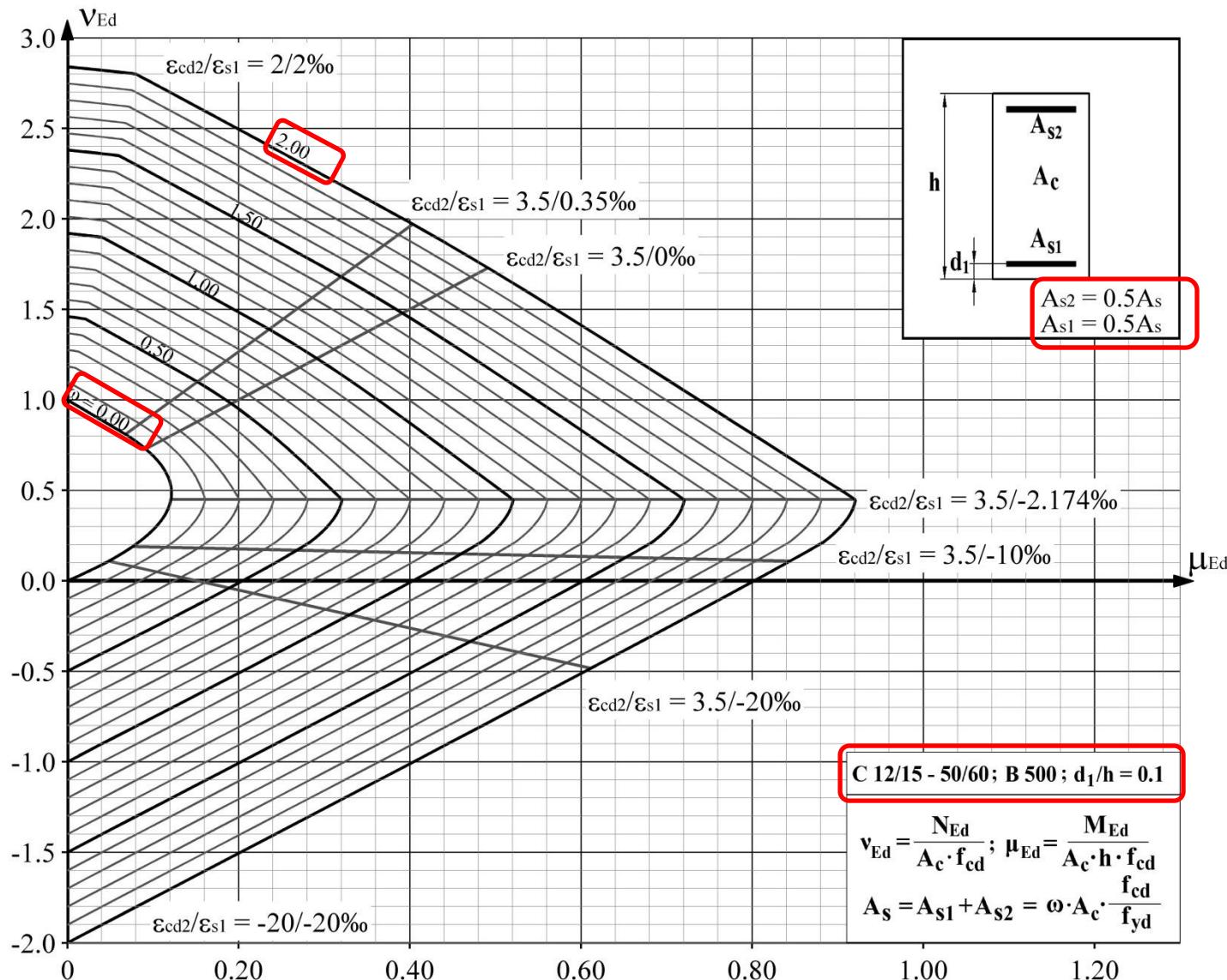
# DIJAGRAM



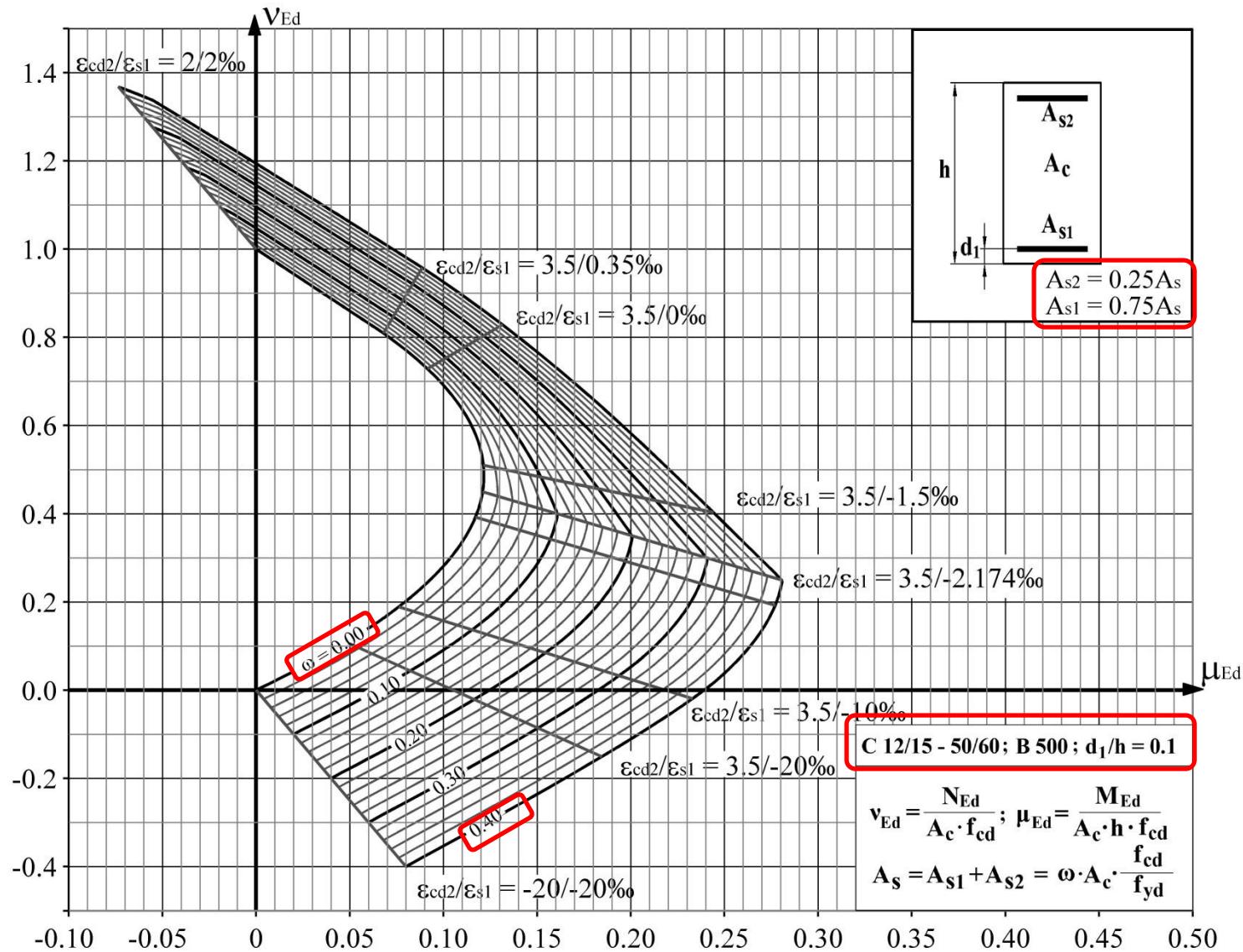
# Dijagrami interakcije



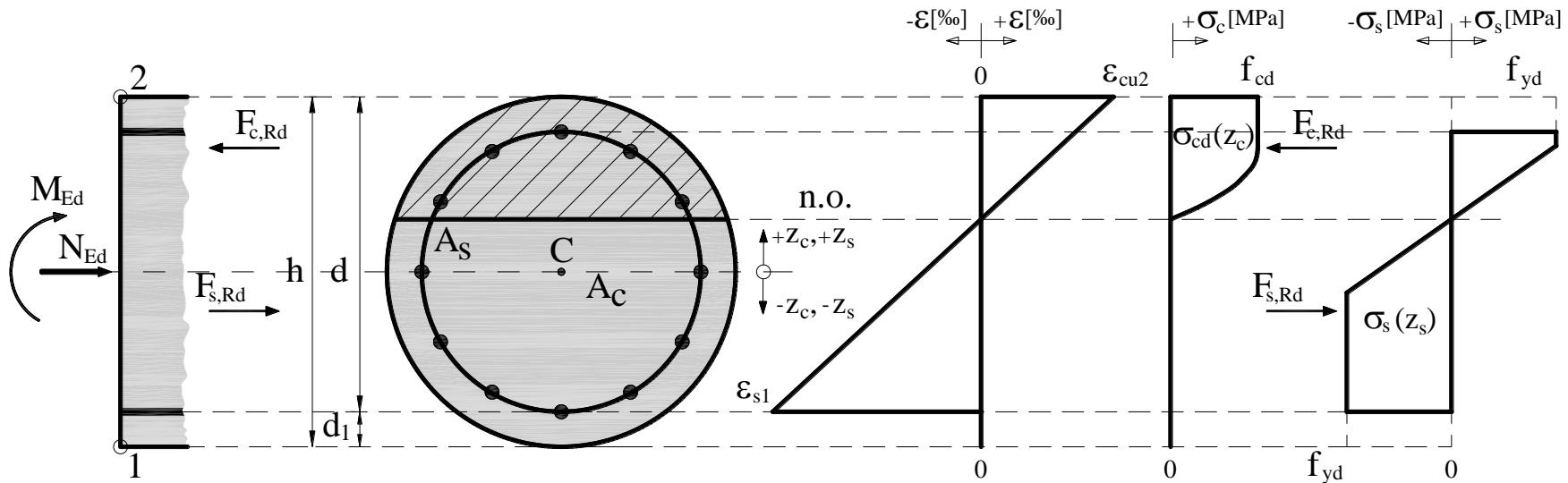
# Dijagrami interakcije



# Dijagrami interakcije



# Dijagrami interakcije - kružni poprečni presek



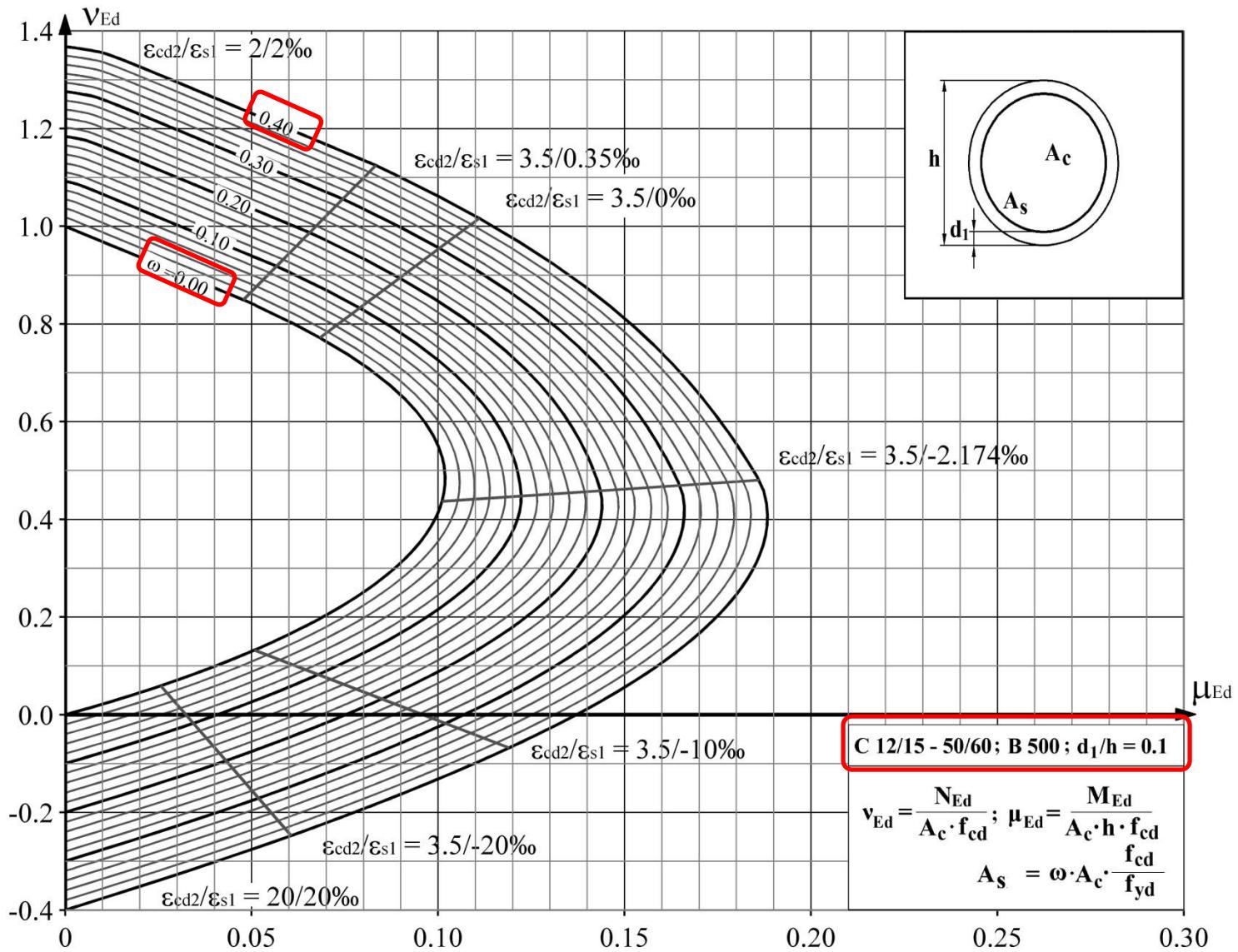
- Uslov ravnoteže normalnih sila:

$$\Sigma N = 0: \quad N_{Rd} = F_{c,Rd} + F_{s,Rd} = \int_{A_c} \sigma_{cd}(z_c) \cdot dA_c + \int_{A_s} \sigma_s(z_s) \cdot dA_s$$

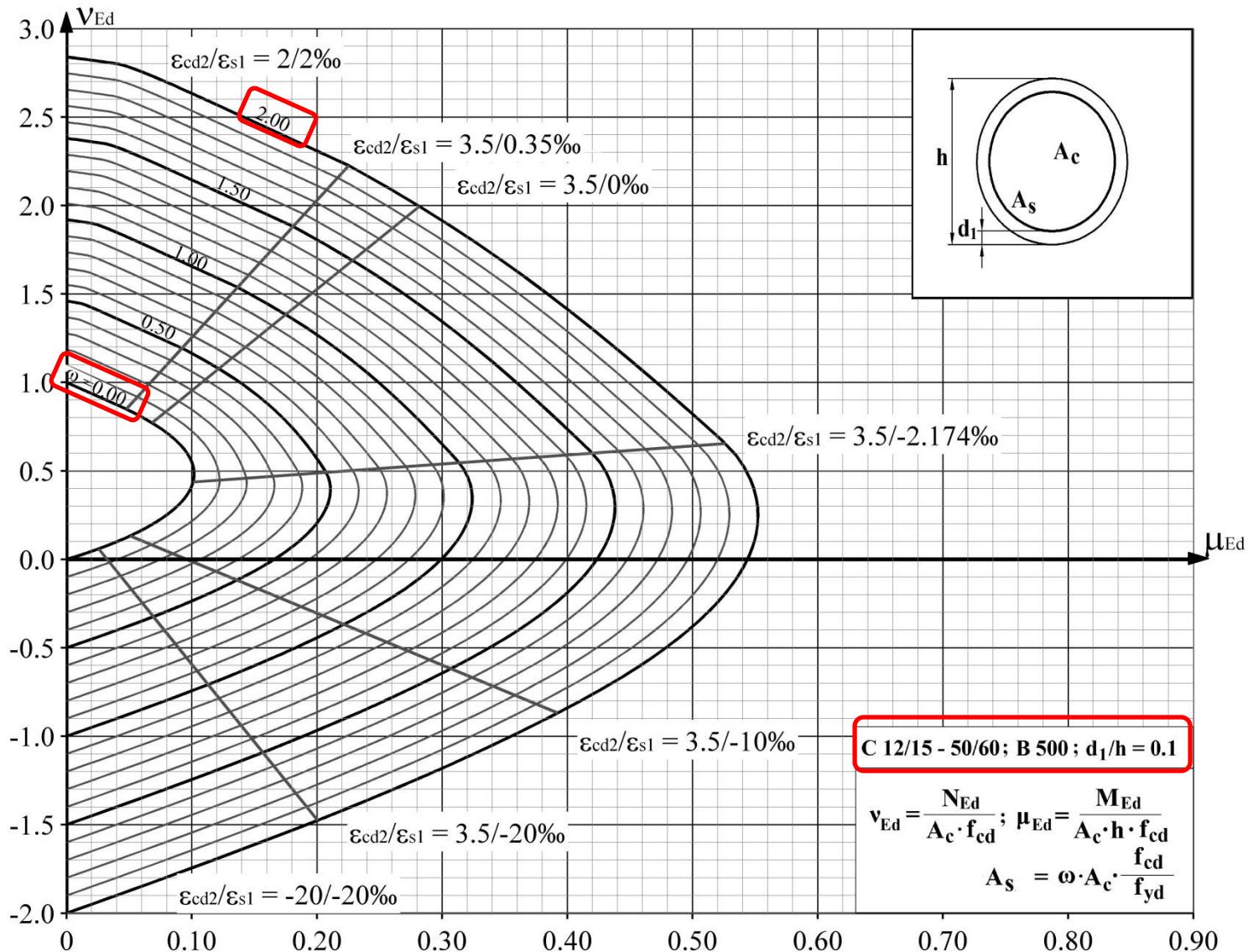
- Uslov ravnoteže momenata savijanja:

$$\Sigma M_c = 0: \quad MRd = \int_{A_c} z_c \cdot \sigma_{cd}(z_c) \cdot dA_c + \int_{A_s} z_s \cdot \sigma_s(z_s) \cdot dA_s$$

# Dijagrami interakcije

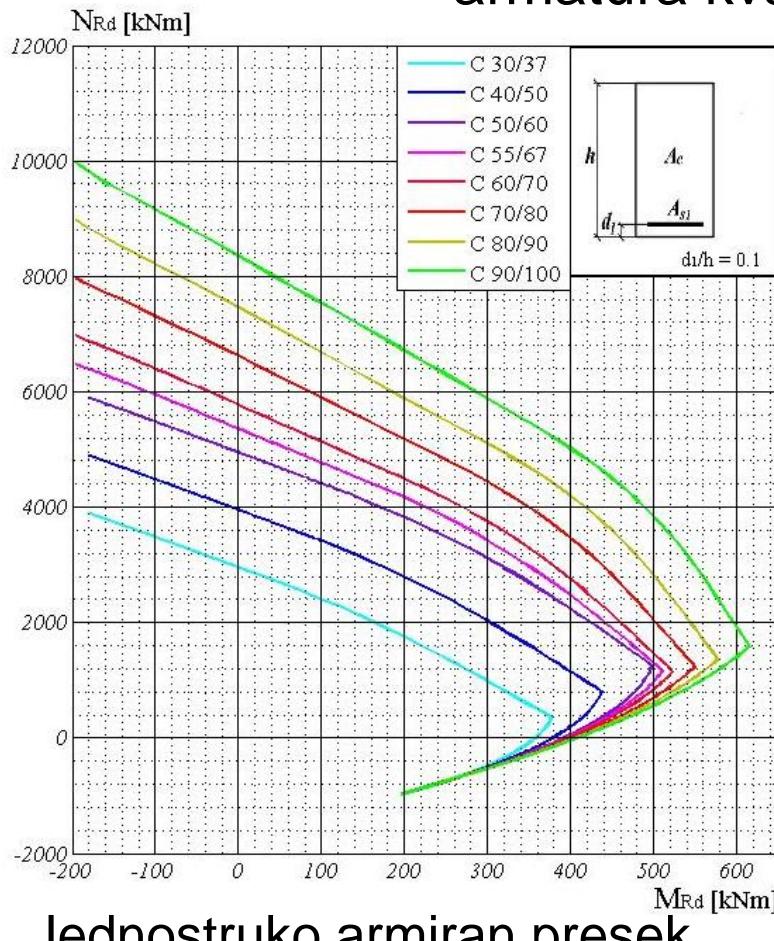


# Dijagrami interakcije

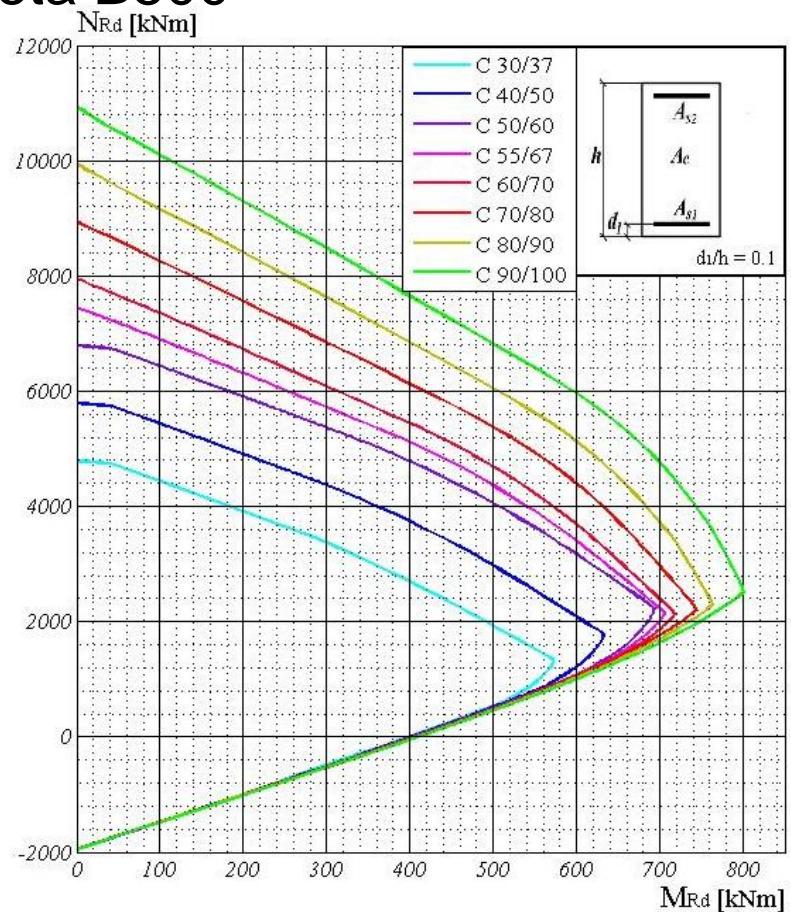


# Uticaj pojedinih parametara na nosivost poprečnog preseka

- Uticaj klase čvrstoće betona
- Karakteristike:  $b/h = 30/50 \text{ cm}$ ,  $A_{s1}=A_{s2}=22,5 \text{ cm}^2$ ,  $d_1=d_2=5 \text{ cm}$   
armatura kvaliteta B500



Jednostruko armiran presek

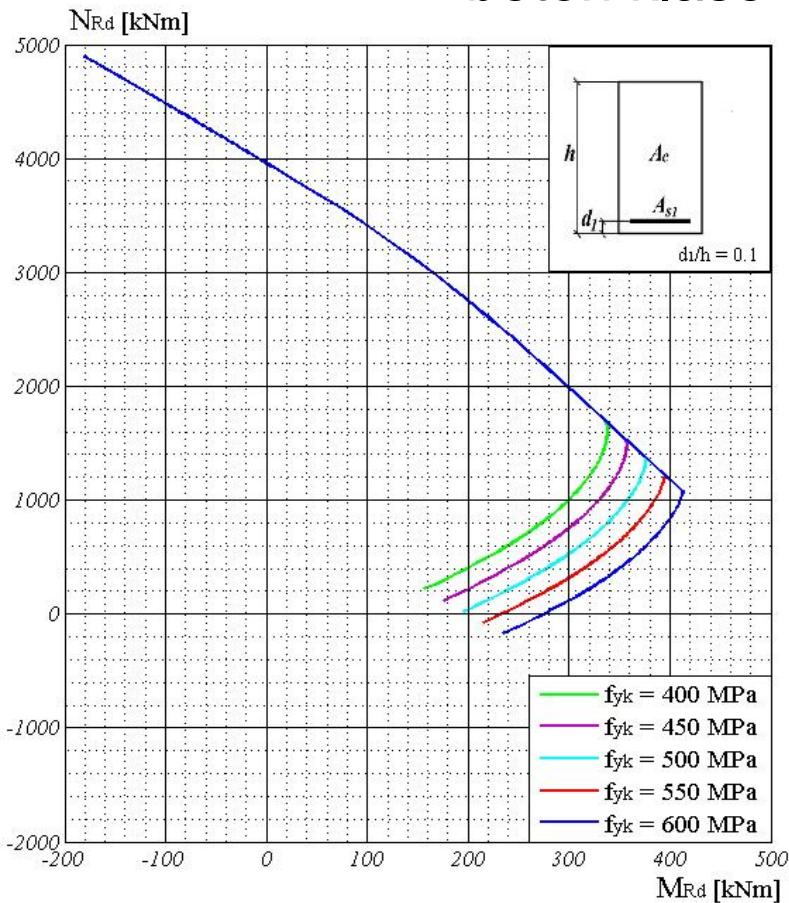


Simetrično armiran presek

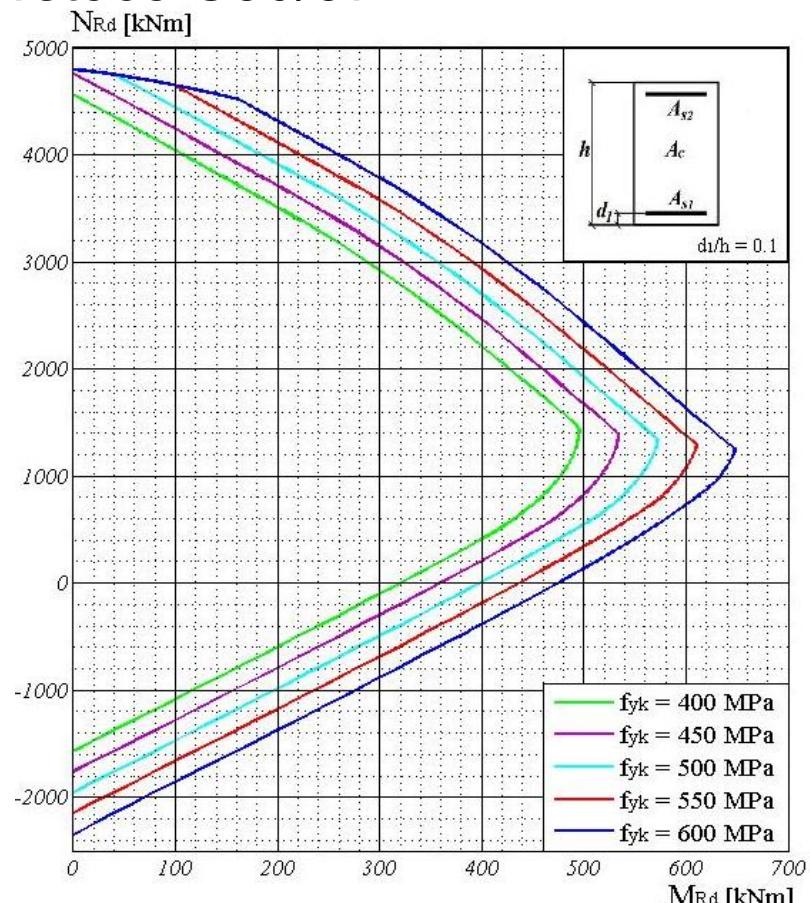


# Uticaj pojedinih parametara na nosivost poprečnog preseka

- Uticaj kvaliteta armature
- Karakteristike:  $b/h = 30/50\text{cm}$ ,  $A_{s1}=A_{s2}= 22,5 \text{ cm}^2$ ,  $d_1=d_2= 5 \text{ cm}$   
beton klase čvrstoće C30/37



Jednostruko armiran presek

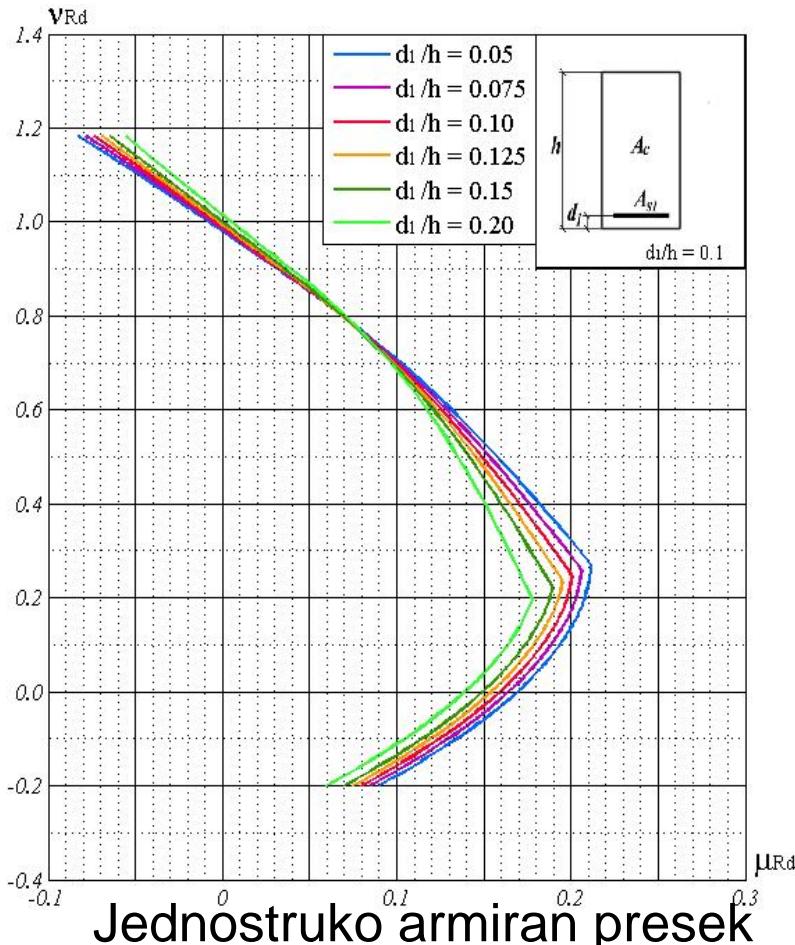


Simetrično armiran presek

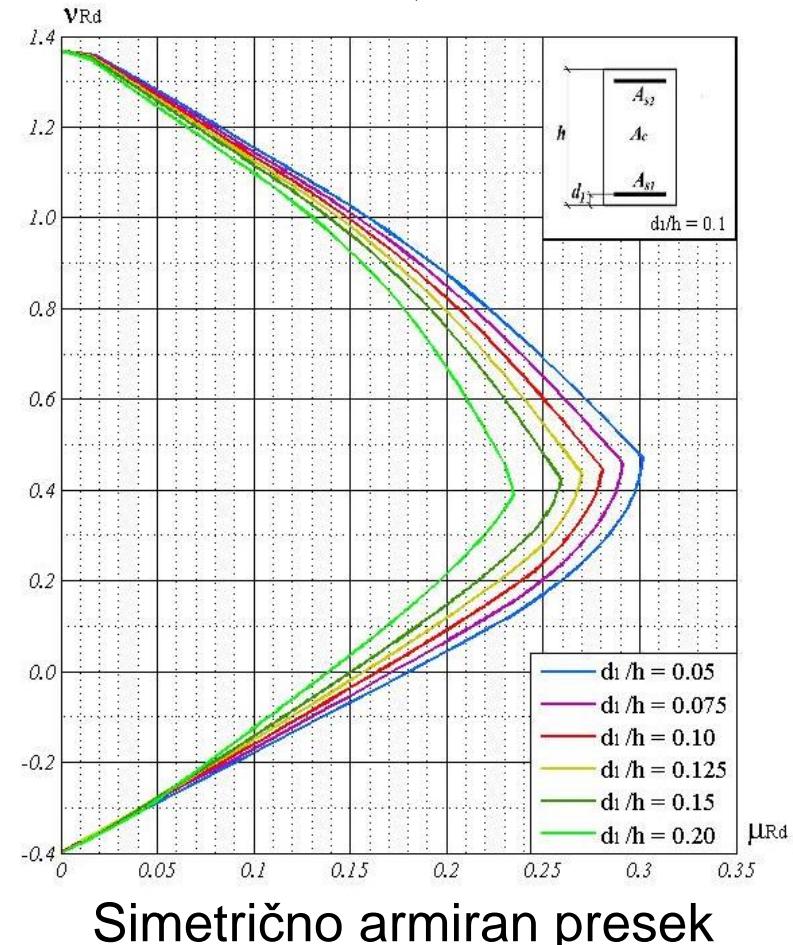


# Uticaj pojedinih parametara na nosivost poprečnog preseka

- Uticaj promene položaja težišta armature
- Karakteristike:  $d_1/h = d_2/h = 0.1$ ,  $\omega_1 = \omega_2 = 0.2$   
betoni klase čvrstoće do C 50/60, armatura B500



Jednostruko armiran presek

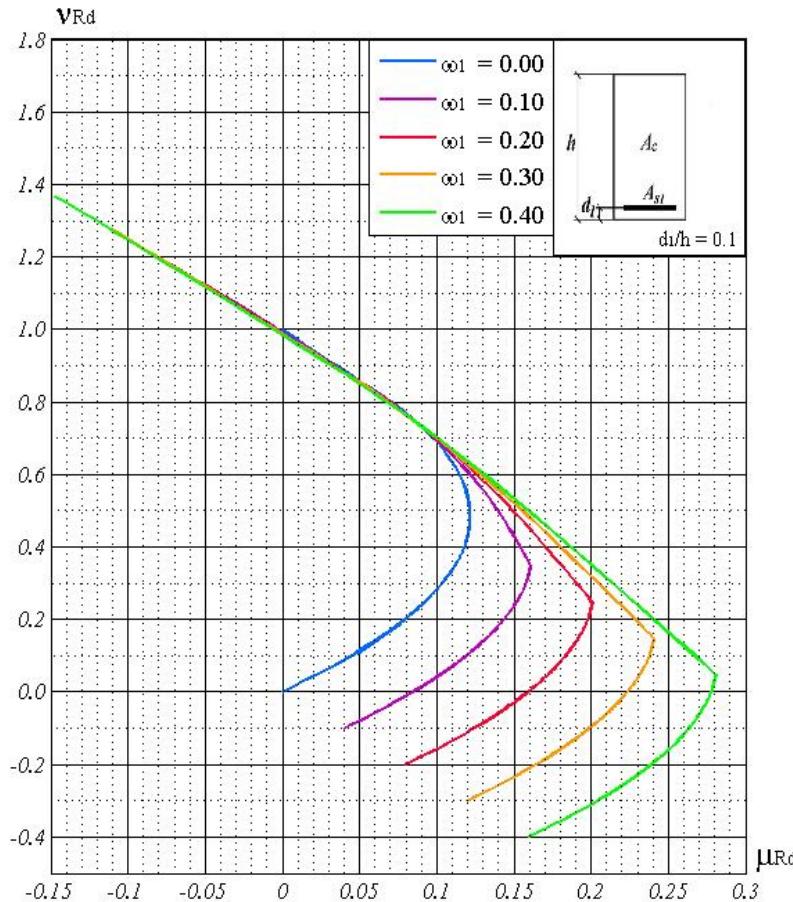


Simetrično armiran presek

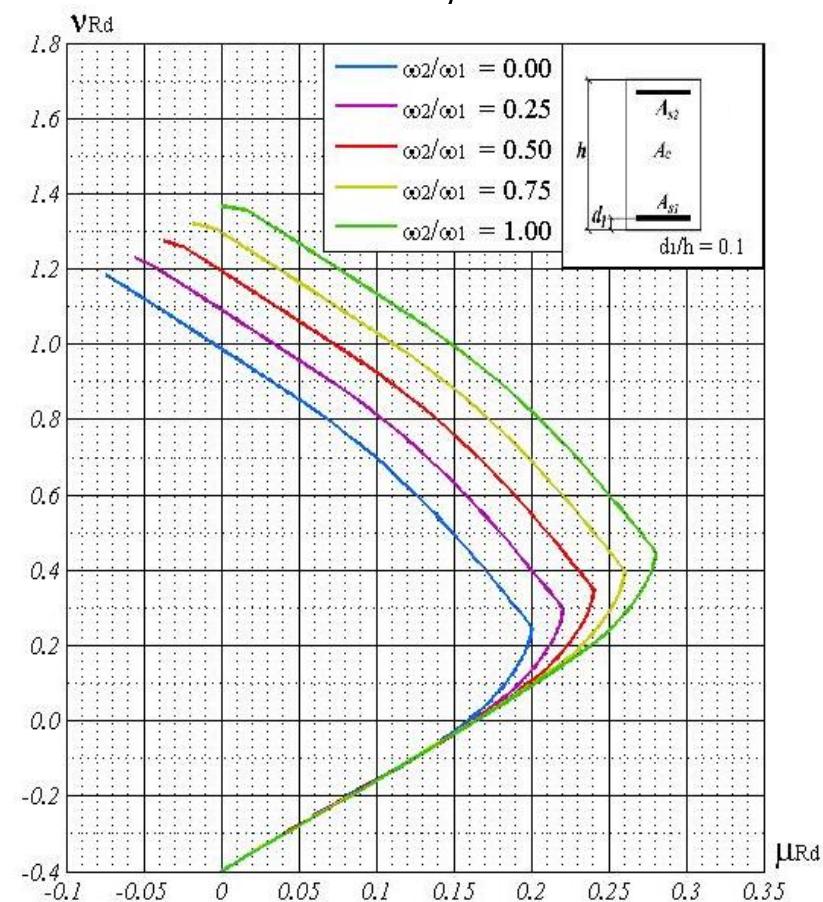


# Uticaj pojedinih parametara na nosivost poprečnog preseka

- Uticaj povećanja površine armature
- Karakteristike:  $d_1/h = d_2/h = 0.1$ ,  
betoni klase čvrstoće do C 50/60, armatura B500



Jednostruko armiran presek



Simetrično armiran presek



# Uticaj pojedinih parametara na nosivost poprečnog preseka

- Uticaj rasporeda armature unutar kružnog poprečnog preseka
  - Karakteristike:  $d_1/h = 0.1$  ,  
betoni klase čvrstoće do C50/60, armatura B500

